Bedömningsmatris för bedömning av muntlig kommunikativ förmåga

Kommunikativ förmåga	**E**	**C**	**A**	**Max**
Fullständighet, relevans och struktur Hur fullständig, relevant och strukturerad elevens redovisning är.	Redovisningen kan sakna något steg eller innehålla något ovidkommande. Det finns en övergripande struktur men redovisningen kan bitvis vara fragmentarisk eller rörig. (1/0/0)		Redovisningen är fullständig och endast relevanta delar ingår. Redovisningen är välstrukturerad. (1/0/1)	(1/0/1)
Beskrivningar och förklaringar Förekomst av och utförlighet i beskrivningar och förklaringar.	Någon förklaring förekommer men tyngdpunkten i redovisningen ligger på beskrivningar. Utförligheten i de beskrivningar och de förklaringar som framförs kan vara begränsad. (1/0/0)		Redovisningen innehåller tillräckligt med utförliga beskrivningar och förklaringar. (1/0/1)	(1/0/1)
Matematisk terminologi Hur väl eleven använder matematiska termer, symboler och konventioner.	Eleven använder matematisk terminologi med rätt betydelse vid enstaka tillfällen i redovisningen. (1/0/0)	Eleven använder matematisk terminologi med rätt betydelse och vid lämpliga tillfällen genom delar av redovisningen. (1/1/0)	Eleven använder matematisk terminologi med rätt betydelse och vid lämpliga tillfällen genom hela redovisningen. (1/1/1)	(1/1/1)
Summa				(3/1/3)

Innehåll

Allmänna riktlinjer för bedömning ... 3
Bedömningsanvisningar ... 3
Bedömning av skriftlig kommunikativ förmåga ... 4
Provsammanställning – Kunskapskrav ... 5
Provsammanställning – Centralt innehåll ... 6
Kravgränser ... 7
Resultatsammanställning ... 7
Bedömningsformulär ... 8
Bedömningsanvisningar ... 9
Delprov B ... 9
Delprov C ... 11
Delprov D ... 12
Bedömda elevlösningar ... 16
Uppgift 3 ... 16
Uppgift 11 ... 17
Uppgift 12 ... 18
Uppgift 14 ... 19
Uppgift 15 ... 20
Uppgift 18 ... 21
Uppgift 19d ... 22
Uppgift 21 ... 23
Uppgift 22 ... 25
Uppgift 23 ... 26
Uppgift 24a ... 29
Ur ämnesplanen för matematik ... 30
Kunskapskrav Matematik kurs 3b och 3c ... 31
Centralt innehåll Matematik kurs 3b ... 32

Allmänna riktlinjer för bedömning

Bedömning ska ske utgående från läroplanens mål, ämnesplanens förmågor samt kunskapskraven och med hänsyn tagen till den tolkning av dessa dokument som gjorts lokalt. Utgångspunkten är att eleverna ska få poäng för lösningarnas förtjänster och inte poängavdrag för fel och brister.

För att tydliggöra anknytningen till kunskapskraven används olika kvalitativa förmågepoäng. I elevernas provhäften anges den poäng som varje uppgift kan ge, till exempel innebär (1/2/3) att uppgiften ger maximalt 1 E-poäng, 2 C-poäng och 3 A-poäng. I bedömningsanvisningarna anges dessutom för varje poäng vilken förmåga som prövas. De olika förmågorna är inte oberoende av varandra och det är den förmåga som bedöms som den *huvudsakliga* som markeras. Förmågorna betecknas med B (Begrepp), P (Procedur), PL (Problemlösning), M (Modellering), R (Resonemang) och K (Kommunikation). Det betyder till exempel att E_{PL} och A_R ska tolkas som en ”problemlösningspoäng på E-nivå” respektive en ”resonemangspoäng på A-nivå”.

För uppgifter av kortsvarstyp, där endast svar krävs, är det elevens slutliga svar som ska bedömas.

För uppgifter av långsvarstyp, där eleverna ska lämna fullständiga lösningar, krävs för full poäng en redovisning som leder fram till ett godtagbart svar eller slutsats. Redovisningen ska vara tillräckligt utförlig och uppställd på ett sådant sätt att tankegången kan följas. Ett svar med t.ex. enbart resultatet av en beräkning utan motivering ger inga poäng.

Frågan om hur vissa typfel ska påverka bedömningen lämnas till lokala beslut. Det kan till exempel gälla lapsus, avrundningsfel, följdfel och enklare räknefel. Om uppgiftens komplexitet inte minskas avsevärt genom tidigare fel så kan det lokalt beslutas att tilldela poäng på en uppgiftslösning trots förekomst av t.ex. lapsus och följdfel.

Bedömningsanvisningar
Bedömningsanvisningarna till långsvarsuppgifterna är skrivna enligt två olika modeller. Avvikelser från dessa kommenteras i direkt anslutning till uppgiftens bedömningsanvisning.

Modell 1:

Godtagbar ansats, t.ex. …	+1 E_P
med i övrigt godtagbar lösning med korrekt svar (…)	+1 E_P

Kommentar: Uppgiften ger maximalt (2/0/0). Den andra poängen är beroende av den första poängen, d.v.s. den andra poängen utfaller först om den första poängen utfallit. Detta indikeras med användning av liten bokstav och oftast av att ordet ”med” inleder den rad som beskriver vad som krävs för att den andra poängen ska erhållas.

Modell 2:

E	C	A
Godtagbart enkelt resonemang, t.ex. …	Godtagbart välgrundat resonemang, t.ex. …	Godtagbart välgrundat och nyanserat resonemang, t.ex. …
1 E_R	1 E_R och 1 C_R	1 E_R, 1 C_R och 1 A_R

Kommentar: Uppgiften ger maximalt (1/1/1). Denna typ av bedömningsanvisning används när en och samma uppgift kan besvaras på flera kvalitativt olika nivåer. Beroende på hur eleven svarar utdelas (0/0/0) eller (1/0/0) eller (1/1/0) eller (1/1/1).

Bedömning av skriftlig kommunikativ förmåga
Förmågan att kommunicera skriftligt kommer inte att särskilt bedömas på E-nivå för enskilda uppgifter. Elever som uppfyller kraven för provbetyget E för de övriga förmågorna anses kunna redovisa och kommunicera på ett sådant sätt att kunskapskraven för skriftlig kommunikation på E-nivå automatiskt är uppfyllda.

För uppgifter där elevens skriftliga kommunikativa förmåga ska bedömas gäller de allmänna kraven nedan.

Kommunikationspoäng på C-nivå (C_K) ges under förutsättning att eleven behandlat uppgiften i sin helhet och att lösningen i huvudsak är korrekt.
Dessutom ska

1. lösningen vara någorlunda fullständig och relevant, d.v.s. den kan sakna något steg eller innehålla något ovidkommande. Lösningen ska ha en godtagbar struktur.
2. matematiska symboler och representationer vara använda med viss anpassning till syfte och situation.
3. lösningen vara möjlig att följa och förstå.

Kommunikationspoäng på A-nivå (A_K) ges under förutsättning att eleven behandlat uppgiften i sin helhet och att lösningen i huvudsak är korrekt.
Dessutom ska

1. lösningen vara i huvudsak fullständig, välstrukturerad samt endast innehålla relevanta delar.
2. matematiska symboler och representationer vara använda med god anpassning till syfte och situation.
3. lösningen vara lätt att följa och förstå.

För uppgifter där det kan delas ut kommunikationspoäng på C- eller A-nivå kan bland annat symboler, termer och hänvisningar förekomma i lösningen. Följande tabell kan då vara till stöd vid bedömningen av skriftlig kommunikativ förmåga:

Symboler	t.ex. $=, \neq, <, >, \leq, \geq, \approx, \pm, \sqrt{\ }, f(x), f'(x), f''(x), x, y, (\ ), [\ ], \int \mathrm{d}x$, bråkstreck, index, lim, VL, HL
Termer	t.ex. polynom, rationellt uttryck, kontinuerlig/diskret funktion, rät linje, andragrads-/polynom-/potens-/exponentialfunktion, funktionsvärde, definitions-/värdemängd, punkt, intervall, område, koordinat, koordinatsystem, graf, kurva, skärningspunkt, nollställe, symmetrilinje, lutning, riktningskoefficient, ändpunkt, sekant, tangent, ändringskvot, förändringshastighet, gränsvärde, derivata, andraderivata, teckenschema, växande/avtagande, extrempunkt, maximi-/minimi-/terrasspunkt, största/minsta värde, primitiv funktion, integral, talet e, naturlig logaritm, geometrisk summa, olikhet
Hänvisningar	t.ex. till derivatans definition, räta linjens ekvation, tangentens ekvation, formeln för geometrisk summa
Övrigt	t.ex. figurer (med införda beteckningar), definierade variabler, tabeller, angivna enheter

Provsammanställning – Kunskapskrav

Tabell 1 Kategorisering av uppgifterna i kursprovet i Matematik 3b i förhållande till nivå och förmågor. Poängen i denna tabell anges i samma ordning som i bedömningsanvisningen. Till exempel motsvarar 19b_1 och 19b_2 den första respektive andra poängen i uppgift 19b.

Delprov	Uppg. Poäng	Förmåga och nivå											
		E				C				A			
		B	P	PM	RK	B	P	PM	RK	B	P	PM	RK
A	M_1				1								
	M_2												1
	M_3				1								
	M_4												1
	M_5				1								
	M_6								1				
	M_7												1
B	1	1											
	2		1										
	3a	1											
	3b	1											
	4a		1										
	4b						1						
	4c						1						
	5a	1											
	5b					1							
	6	1											
	7a	1											
	7b					1							
	8					1							
	9a		1										
	9b						1						
	9c										1		
	10a					1							
	10b									1			
C	11_1				1								
	11_2				1								
	12_1		1										
	12_2		1										
	12_3		1										
	12_4								1				
	13_1						1						
	13_2						1						
	14_1								1				
	14_2								1				
	14_3								1				
	15_1											1	
	15_2											1	
	16_1									1			
	16_2										1		

Delprov	Uppg. Poäng	Förmåga och nivå											
		E				C				A			
		B	P	PM	RK	B	P	PM	RK	B	P	PM	RK
D	17_1			1									
	17_2			1									
	18				1								
	19a			1									
	19b_1			1									
	19b_2			1									
	19c_1					1							
	19c_2					1							
	19d_1							1					
	19d_2							1					
	20_1							1					
	20_2							1					
	21_1							1					
	21_2							1					
	21_3								1				
	22_1												1
	22_2												1
	22_3												1
	23_1									1			
	23_2											1	
	23_3											1	
	23_4												1
	24a_1											1	
	24a_2											1	
	24b											1	
	Total	**6**	**6**	**5**	**6**	**6**	**5**	**6**	**6**	**3**	**2**	**7**	**7**
Σ	**65**	**23**				**23**				**19**			

B = Begrepp, P = Procedur, PM = Problemlösning/Modellering och RK = Resonemang/Kommunikation

Provsammanställning – Centralt innehåll

Tabell 2 Kategorisering av uppgifterna i kursprovet i Matematik 3b i förhållande till nivå och centralt innehåll. En lista över det centrala innehållet återfinns i slutet av detta häfte.

Del-prov	Uppg.	Nivå			Centralt innehåll Kurs Ma3b															
					Algebra		Samband och förändring											Problem-lösning		
		E	C	A	A1	A2	F6	F7	F8	F9	F10	F11	F12	F13	F14	F15	F16	P1	P3	P4
A		3	1	3																
B	1	1	0	0	X															
	2	1	0	0												X	X			
	3a	1	0	0						X										
	3b	1	0	0						X										
	4a	1	0	0						X	X									
	4b	0	1	0						X	X									
	4c	0	1	0						X	X									
	5a	1	0	0			X													
	5b	0	1	0			X													
	6	1	0	0				X												
	7a	1	0	0								X								
	7b	0	1	0								X								
	8	0	1	0						X										
	9a	1	0	0	X															
	9b	0	1	0	X															
	9c	0	0	1	X															
	10a	0	1	0						X			X	X	X					
	10b	0	0	1						X			X	X	X					
C	11	2	0	0		X			X											
	12	3	1	0						X	X		X	X	X					
	13	0	2	0												X	X			
	14	0	3	0												X	X			
	15	0	0	2	X													X		
	16	0	0	2				X		X	X	X	X							
D	17	2	0	0												X		X		
	18	1	0	0		X			X											
	19a	1	0	0								X								
	19b	2	0	0								X						X	X	
	19c	0	2	0						X	X	X	X		X					
	19d	0	2	0				X				X						X	X	
	20	0	2	0					X	X	X		X		X			X		
	21	0	3	0			X											X	X	
	22	0	0	3			X													
	23	0	0	4						X		X				X	X	X	X	
	24a	0	0	2	X													X	X	
	24b	0	0	1						X			X	X				X	X	
Total		23	23	19																

Kravgränser

Provet består av ett muntligt delprov (Delprov A) och tre skriftliga delprov (Delprov B, C och D). Tillsammans kan de ge 65 poäng varav 23 E-, 23 C- och 19 A-poäng. Observera att kravgränserna förutsätter att eleven deltagit i alla fyra delprov, det vill säga Delprov A, B, C och D.

Kravgräns för provbetyget
E: 17 poäng
D: 26 poäng varav 8 poäng på minst C-nivå
C: 34 poäng varav 14 poäng på minst C-nivå
B: 44 poäng varav 6 poäng på A-nivå
A: 52 poäng varav 10 poäng på A-nivå

Bedömningsformulär

Elev:_____ Klass:_____ Provbetyg: _____

Delprov	Uppg. Poäng	Förmåga och nivå											
		E				C				A			
		B	P	PM	RK	B	P	PM	RK	B	P	PM	RK
A	M_1												
	M_2												
	M_3												
	M_4												
	M_5												
	M_6												
	M_7												
B	1												
	2												
	3a												
	3b												
	4a												
	4b												
	4c												
	5a												
	5b												
	6												
	7a												
	7b												
	8												
	9a												
	9b												
	9c												
	10a												
	10b												
C	11_1												
	11_2												
	12_1												
	12_2												
	12_3												
	12_4												
	13_1												
	13_2												
	14_1												
	14_2												
	14_3												
	15_1												
	15_2												
	16_1												
	16_2												

Delprov	Uppg. Poäng	Förmåga och nivå											
		E				C				A			
		B	P	PM	RK	B	P	PM	RK	B	P	PM	RK
D	17_1												
	17_2												
	18												
	19a												
	19b_1												
	19b_2												
	19c_1												
	19c_2												
	19d_1												
	19d_2												
	20_1												
	20_2												
	21_1												
	21_2												
	21_3												
	22_1												
	22_2												
	22_3												
	23_1												
	23_2												
	23_3												
	23_4												
	24a_1												
	24a_2												
	24b												
	Total												
Σ													

	Total	**6**	**6**	**5**	**6**	**6**	**5**	**6**	**6**	**3**	**2**	**7**	**7**
Σ	**65**	**23**				**23**				**19**			

B = Begrepp, P = Procedur, PM = Problemlösning/Modellering och RK = Resonemang/Kommunikation

Bedömningsanvisningar

Exempel på ett godtagbart svar anges inom parentes. Till en del uppgifter är bedömda elevlösningar bifogade för att ange nivån på bedömningen. Om bedömda elevlösningar finns i materialet markeras detta med en symbol.

Delprov B

1. **Max 1/0/0**

Korrekt svar (-4) +1 E_B

2. **Max 1/0/0**

Korrekt svar $\left(\frac{8}{3}\right)$ +1 E_P

3. **Max 2/0/0**

a) Godtagbart ritad tangent +1 E_B

b) Godtagbart ritad sekant som skär grafen i två punkter +1 E_B

Se avsnittet Bedömda elevlösningar.

4. **Max 1/2/0**

a) Korrekt svar ($f'(x) = 15x^2 - 16x$) +1 E_P

b) Korrekt svar $\left(f'(x) = \frac{3 - e^{-x}}{2} \right)$ +1 C_P

c) Korrekt svar ($f'(x) = x^{-1,5}$) +1 C_P

5. **Max 1/1/0**

a) Korrekt svar (54) +1 E_B

b) Korrekt svar ($2 \cdot 3^{n-1}$) +1 C_B

6. **Max 1/0/0**

Godtagbart ritad graf
(Markering av punkterna (1, 1), (2, 4) och (3, 9)) +1 E_B

7. **Max 1/1/0**

a) Korrekt svar (G) +1 E_B

b) Korrekt svar (H) +1 C_B

8. **Max 0/1/0**

Korrekt svar (Alternativ E) +1 C_B

9. **Max 1/1/1**

a) Korrekt svar (3) +1 E_P

b) Korrekt svar $\left(\frac{x-3}{2(x+3)}\right)$ +1 C_P

c) Korrekt svar ($(x-1)^{12}$) +1 A_P

10. **Max 0/1/1**

a) Korrekt svar (C) +1 C_B

b) Korrekt svar (B, D och E) +1 A_B

Delprov C

11. **Max 2/0/0**

Godtagbar inledning till resonemang, t.ex. sätter in $x = 2$ i båda funktionsuttrycken *eller* tecknar ekvationen $x^3 = 6x^2 - 9x$ +1 E_R

med i övrigt godtagbart slutfört resonemang med slutsatsen att punkten inte är en skärningspunkt +1 E_R

Se avsnittet Bedömda elevlösningar.

12. **Max 3/1/0**

Godtagbar ansats, deriverar och tecknar ekvationen $3x^2 - 12x + 9 = 0$ +1 E_P

med korrekt bestämning av derivatans nollställen, $x_1 = 1$ och $x_2 = 3$ +1 E_P

med godtagbar verifiering, t.ex. verifiering av maximum då $x_1 = 1$ och uteslutning av nollstället $x_2 = 3$ med korrekt svar ($x = 1$) +1 E_P

Lösningen kommuniceras på C-nivå, se de allmänna kraven på sidan 4 +1 C_K

Se avsnittet Bedömda elevlösningar.

13. **Max 0/2/0**

Godtagbar ansats, bestämmer korrekt primitiv funktion, $\frac{x^4}{16} + \frac{x}{4}$ +1 C_P

med i övrigt godtagbar lösning med korrekt svar (1,5 a.e.) +1 C_P

Kommentar: Svar med utelämnad eller felaktig enhet godtas.

14. **Max 0/3/0**

Godtagbar generell ansats, där två relevanta areor beräknas, t.ex. $\int_0^a kx^2 \mathrm{d}x = \frac{ka^3}{3}$ och $a \cdot ka^2 = ka^3$ +1 C_R

med godtagbart slutfört bevis +1 C_R

Lösningen kommuniceras på C-nivå, se de allmänna kraven på sidan 4 +1 C_K

Se avsnittet Bedömda elevlösningar.

15. **Max 0/0/2**

Godtagbar ansats, skriver om nämnaren som $(x-1)(x+3)$ och inser att en av faktorerna $(x-1)$ eller $(x+3)$ ska finnas i täljaren $x^2-ax-12$ +1 A_{PL}

med i övrigt godtagbar lösning med korrekt svar ($a_1=-11$ och $a_2=1$) +1 A_{PL}

Se avsnittet Bedömda elevlösningar.

16. **Max 0/0/2**

Godtagbar ansats, t.ex. visar insikt om att $\lim\limits_{h\to 0}\dfrac{3^h-1}{h}=y'(0)$ +1 A_B

med i övrigt godtagbar lösning med korrekt svar ($\ln 3$) +1 A_P

Delprov D

17. **Max 2/0/0**

Godtagbar ansats, bestämmer ett allmänt uttryck för den primitiva funktionen, $F(x)=0,25x^4+x^3+C$ +1 E_{PL}

med i övrigt godtagbar lösning med korrekt svar ($F(x)=0,25x^4+x^3-5$) +1 E_{PL}

18. **Max 1/0/0**

Godtagbart enkelt resonemang med slutsatsen att Lisa har fel +1 E_R

Se avsnittet Bedömda elevlösningar.

19. **Max 3/4/0**

a) Godtagbar lösning med korrekt svar ($22\,°\text{C}$) +1 E_M

b) Godtagbar ansats, t.ex. tecknar ekvationen $17e^{-0,693x} + 5 = 10$ +1 E_M

med i övrigt godtagbar lösning med godtagbart svar ($1,8$ h) +1 E_M

c) Godtagbar ansats, visar insikt om att funktionen ska deriveras +1 C_B

med i övrigt godtagbar lösning med godtagbart svar inklusive korrekt enhet ($2,9\,°\text{C/h}$) +1 C_B

Kommentar: Svaret $-2,9\,°\text{C/h}$ bedöms som godtagbart.

d) Godtagbar ansats, t.ex. ansätter några värden på x i funktionsuttrycket +1 C_M

med i övrigt godtagbar lösning med korrekt svar ($5\,°\text{C}$) +1 C_M

Se avsnittet Bedömda elevlösningar.

20. **Max 0/2/0**

Godtagbar ansats, t.ex. deriverar och tecknar ekvationen $4x^3 - 4 = -17,5$ +1 C_{PL}

med i övrigt godtagbar lösning med korrekt svar ($-1,5$) +1 C_{PL}

21. **Max 0/3/0**

Godtagbar ansats, bestämmer ett system av olikheter som motsvarar kraven, t.ex.

$$\begin{cases} x+3y \le 300 \\ 2x+4y \le 520 \\ x \ge 0 \\ y \ge 0 \end{cases}$$ +1 C_M

Godtagbar lösning, där $(0, 100), (260, 0)$ och $(180, 40)$ undersöks, med korrekt svar (180 paket 1 och 40 paket 2) +1 C_M

Lösningen kommuniceras på C-nivå, se de allmänna kraven på sidan 4 och nedanstående kommentar +1 C_K

Kommentar 1: Om någon av följande brister

- villkoren $x \ge 0$ och $y \ge 0$ saknas,
- villkoren $x > 0$ och $y > 0$ används eller
- likhetstecken används istället för olikhetstecken

kompenseras av en korrekt figur som visar det aktuella området och de punkter som är relevanta, kan första modelleringspoängen ges. Däremot anses inte kraven för kommunikationspoäng på C-nivå kunna uppfyllas eftersom lösningen blir otydlig och motsägande. En sådan elevlösning ges maximalt två modelleringspoäng på C-nivå.

Kommentar 2: Bedömningen till denna uppgift avviker från de beskrivna bedömningsmodellerna på sidan 3. Här kan andra modelleringspoängen delas ut oavsett om första modelleringspoängen har delats ut eller inte.

Se avsnittet Bedömda elevlösningar.

22. **Max 0/0/3**

Godtagbar generell ansats, t.ex. tecknar en relevant ekvation,

$$F\left(\frac{1,02^{11}-1}{1,02-1}\right) = J\left(\frac{(1,02^2)^6-1}{1,02^2-1}\right)$$ +1 A_R

med ett i övrigt godtagbart generellt resonemang, där det t.ex. visas att

$$\frac{J}{F} \approx 1,83$$ +1 A_R

Lösningen kommuniceras på A-nivå, se de allmänna kraven på sidan 4 +1 A_K

Se avsnittet Bedömda elevlösningar.

23. **Max 0/0/4**

Godtagbar ansats, t.ex. visar insikt om att $\int 5,73\mathrm{e}^{0,0573\cdot t}\mathrm{d}t$ kan användas +1 A_B

med godtagbar fortsättning, tar hänsyn till att antalet bakterier är 100 då $t=0$, t.ex. genom att teckna ekvationen $100+\int_0^x 5,73\mathrm{e}^{0,0573\cdot t}\,\mathrm{d}t=100000$ +1 A_{PL}

med i övrigt godtagbar lösning med godtagbart svar (120 min) +1 A_{PL}

Lösningen kommuniceras på A-nivå, se de allmänna kraven på sidan 4 +1 A_K

Kommentar: Observera att vissa felaktiga lösningar,
t.ex. $\int_0^x 5,73\mathrm{e}^{0,0573\cdot t}\,\mathrm{d}t=100000$ också ger svaret 120 minuter.

Se avsnittet Bedömda elevlösningar.

24. **Max 0/0/3**

a) Godtagbar ansats, funktionsuttrycket innehåller faktorn $30\cdot 0,98^x$ +1 A_M

med korrekt svar ($D(x)=(40+x)(30\cdot 0,98^x)$) +1 A_M

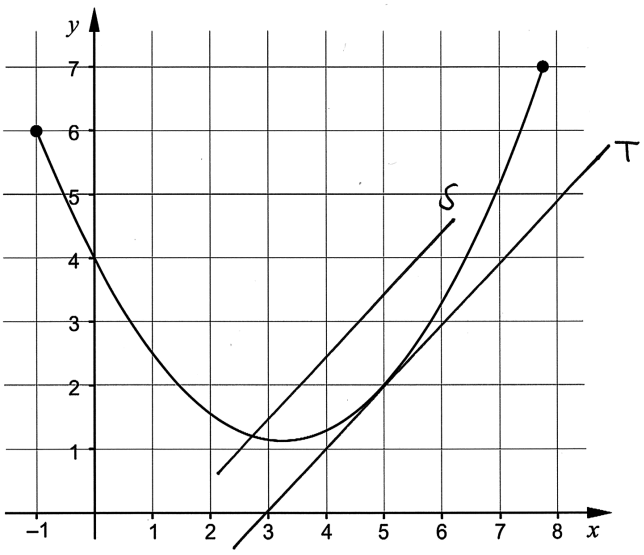
b) Godtagbar grafisk lösning, där det korrekta funktionsuttrycket $D(x)=(40+x)(30\cdot 0,98^x)$ används, med godtagbart svar (49,50 kr/kg) +1 A_M

Se avsnittet Bedömda elevlösningar.

Bedömda elevlösningar

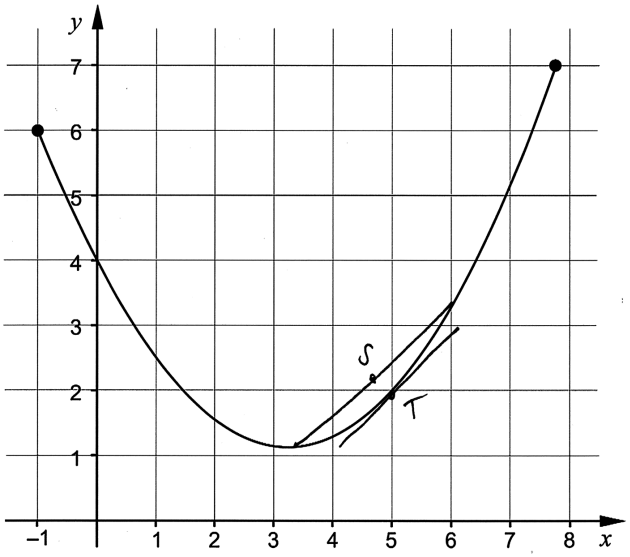
Uppgift 3

Elevlösning 1 (1 E_B)



Kommentar: a) Tangenten är godtagbart ritad, vilket ger en begreppspoäng på E-nivå.
b) Sekanten uppfyller inte kraven för en begreppspoäng på E-nivå eftersom den inte skär grafen i två punkter.

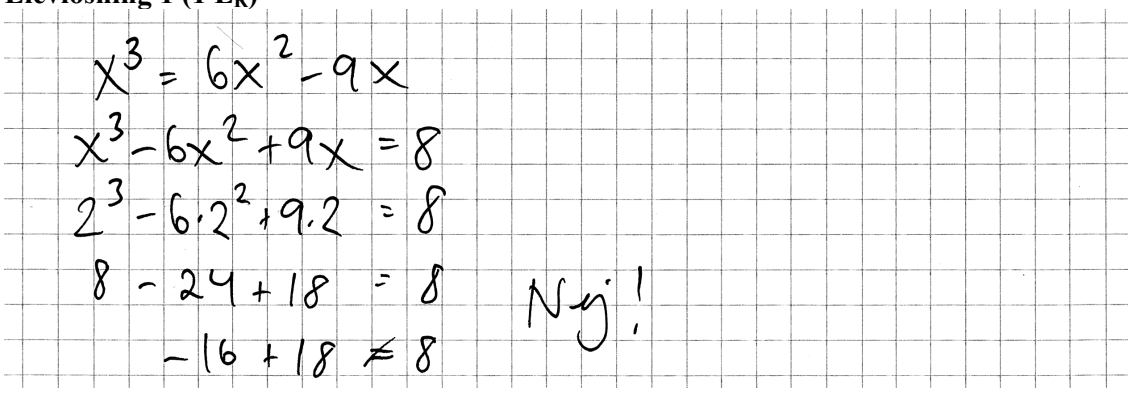
Elevlösning 2 (2 E_B)



Kommentar: Tangenten och framförallt sekanten borde ha varit längre och lutningen är inte riktigt 1. Trots detta bedöms lösningen nätt och jämnt ge två begreppspoäng på E-nivå.

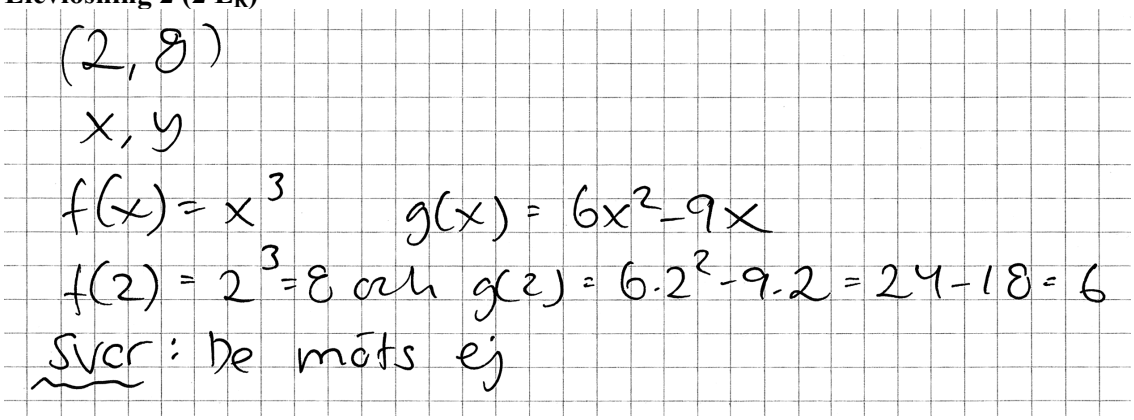
Uppgift 11

Elevlösning 1 (1 E_R)



Kommentar: Elevlösningen visar en godtagbar ansats genom att teckna ekvationen $x^3 = 6x^2 - 9x$. Resonemanget som följer är felaktigt från och med rad 2. Elevlösningen ges en resonemangspoäng på E-nivå.

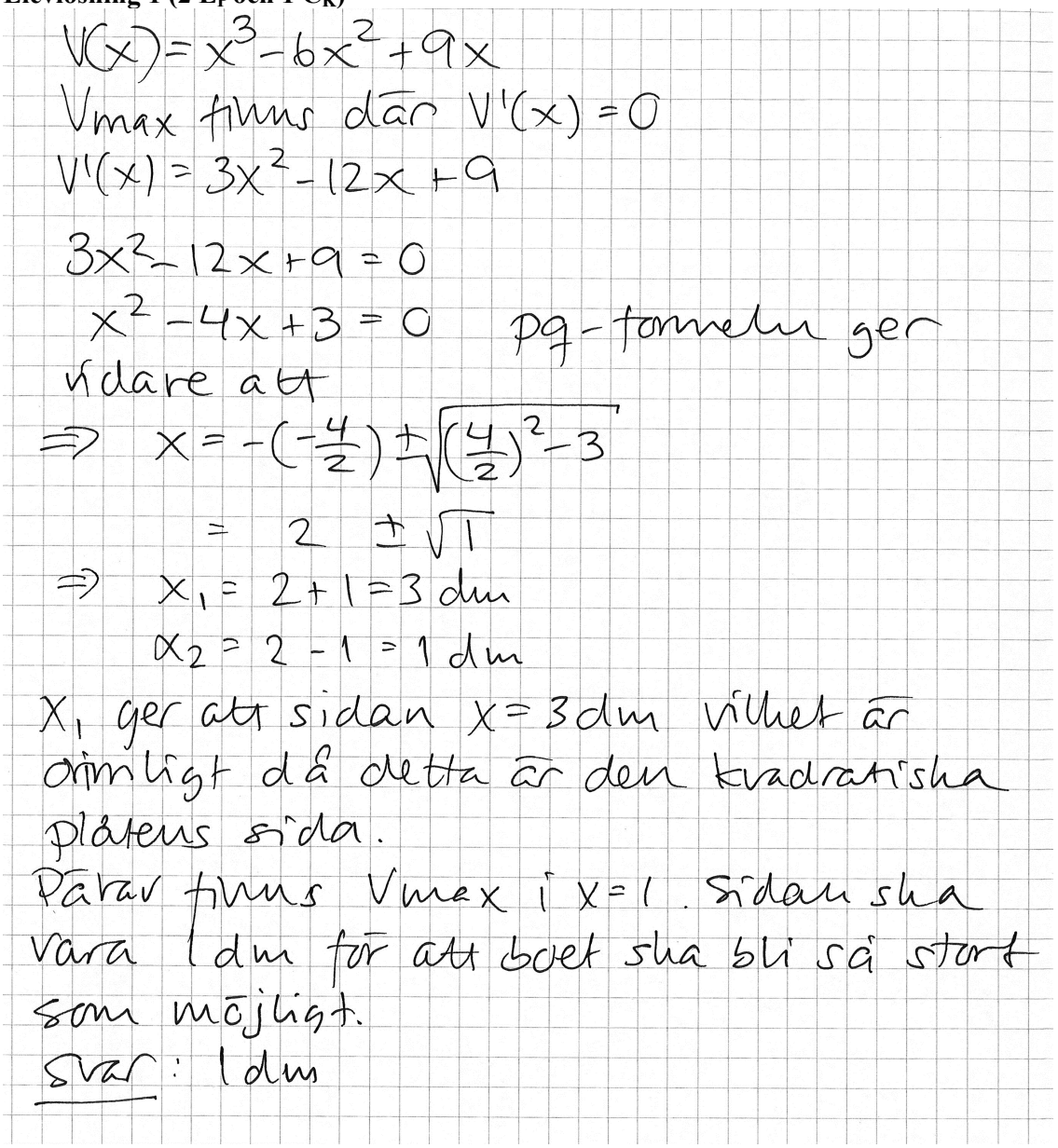
Elevlösning 2 (2 E_R)



Kommentar: Elevlösningen visar ett resonemang som nätt och jämnt uppfyller kraven för två resonemangspoäng på E-nivå eftersom slutsatsen ”De möts ej” är otydlig. Det borde ha stått ”De möts ej i punkten (2, 8)”.

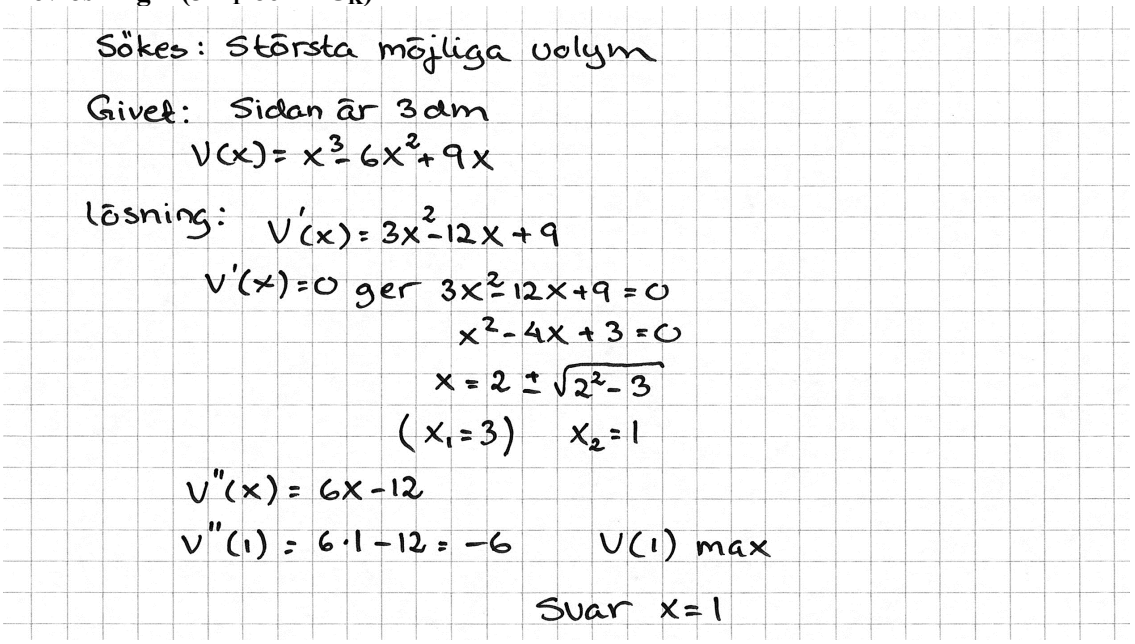
Uppgift 12

Elevlösning 1 (2 E_P och 1 C_K)



Kommentar: I elevlösningen motiveras varför $x = 3$ dm är orimligt men verifiering av att $x = 1$ dm motsvarar ett maximum saknas, vilket gör att kraven för tredje procedurpoängen på E-nivå inte är uppfyllda. När det gäller kommunikation är uppgiften i det närmaste behandlad i sin helhet och redovisningen är mycket lätt att följa och förstå samt symboler används med god anpassning till syfte och situation. Därmed anses kraven för kommunikationspoängen på C-nivå vara uppfyllda. Sammantaget ges elevlösningen två procedurpoäng på E-nivå och kommunikationspoängen på C-nivå.

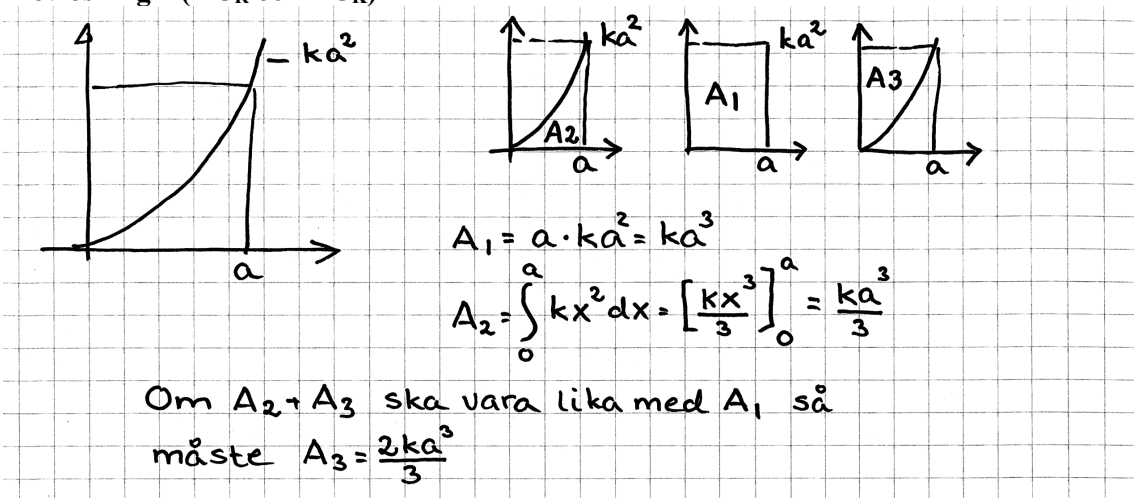
Elevlösning 2 (3 E_P och 1 C_K)



Kommentar: Uppgiften är löst i sin helhet inklusive uteslutning av $x = 3$ och verifiering av maximum. När det gäller kommunikation är lösningen strukturerad och möjlig att följa och förstå trots att motiveringen till varför $x = 1$ ger ett maximum är ofullständig. Elevlösningen ges tre procedurpoäng på E-nivå samt nätt och jämnt en kommunikationspoäng på C-nivå

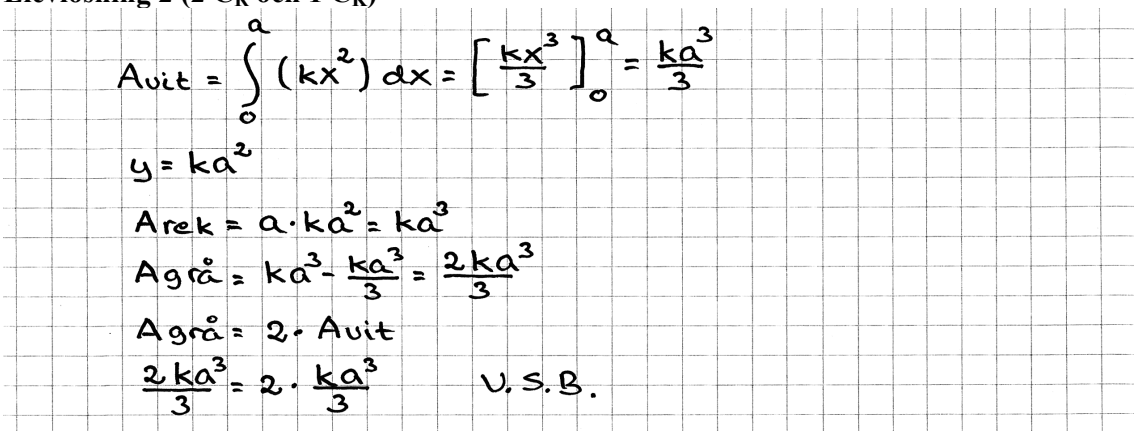
Uppgift 14

Elevlösning 1 (1 C_R och 1 C_K)



Kommentar: Relevanta areor beräknas korrekt men bevisföringen är inte helt slutförd eftersom en slutsats av typen ”dvs $A_3 = 2A_2$” saknas. Även om beviset inte är helt fullständigt så är lösningen välstrukturerad och lätt att följa och förstå. Matematiska symboler används korrekt och figurerna förtydligar lösningen. Elevlösningen ges en resonemangs- och en kommunika-tionspoäng på C-nivå.

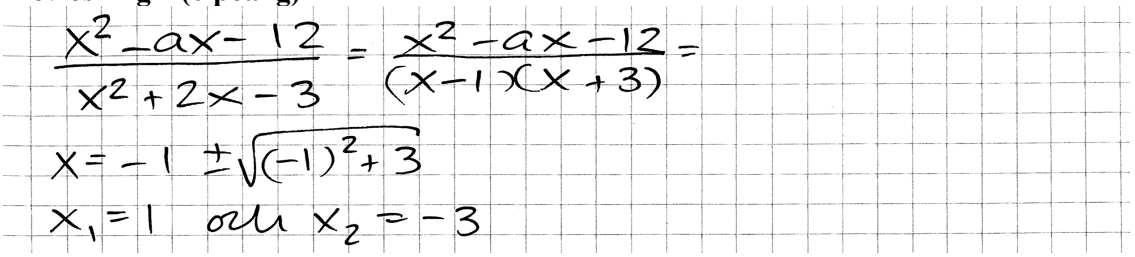
Elevlösning 2 (2 C_R och 1 C_K)



Kommentar: Elevlösningen visar ett godtagbart bevis. När det gäller kommunikation är lösningen lätt att följa och förstå. Visserligen saknas figur men detta kompenseras av användningen av index. Elevlösningen ges två resonemangspoäng och en kommunikationspoäng på C-nivå.

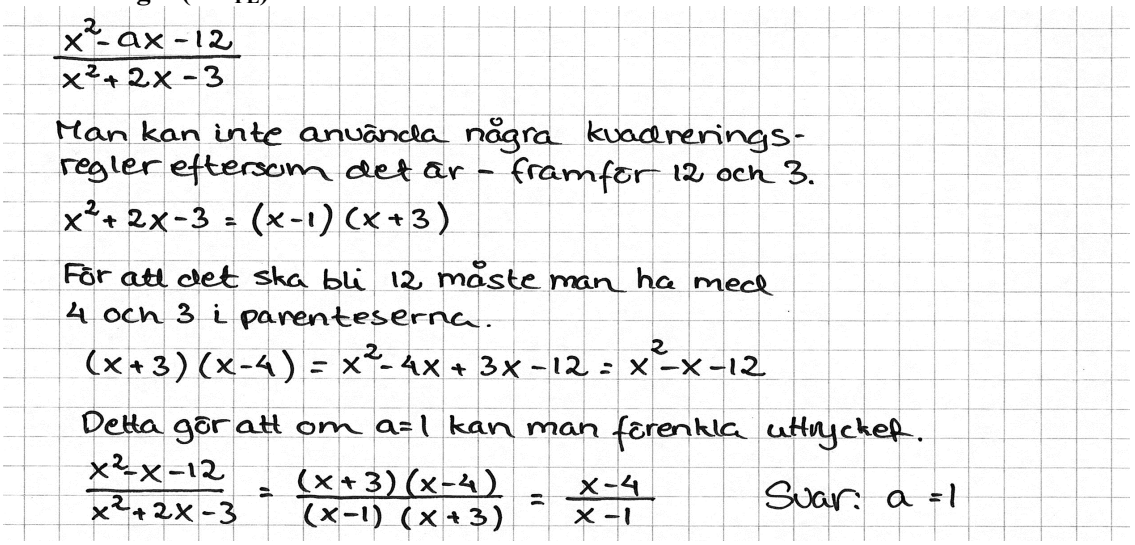
Uppgift 15

Elevlösning 1 (0 poäng)



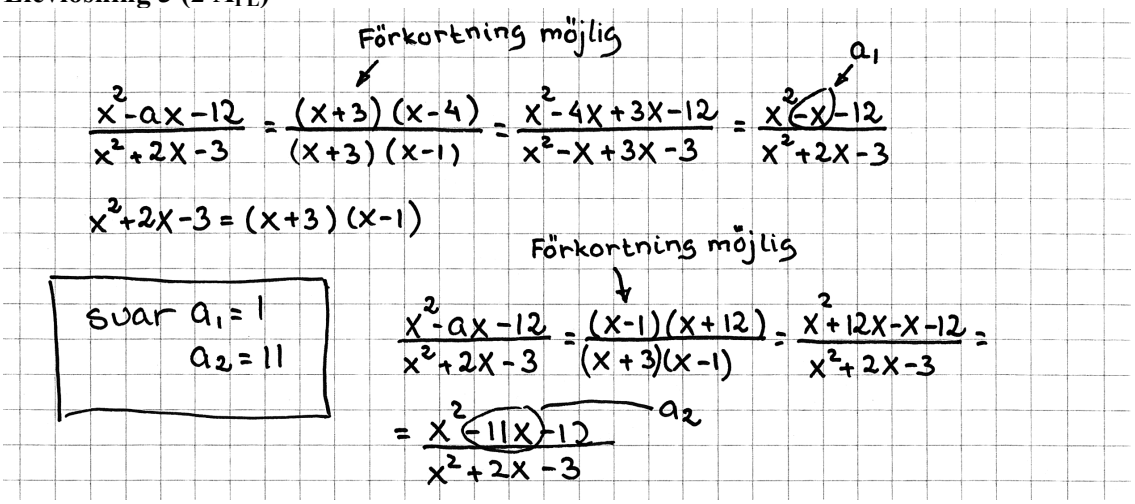
Kommentar: Nämnaren faktoriseras korrekt men det framgår inte att faktorerna även ska finnas i täljaren för att förkortning ska vara möjlig. Elevlösningen ges noll poäng.

Elevlösning 2 (1 A_{PL})



Kommentar: I elevlösningen faktoriseras nämnaren och det ena värdet på a bestäms. Elevlösningen ges en problemlösningspoäng på A-nivå.

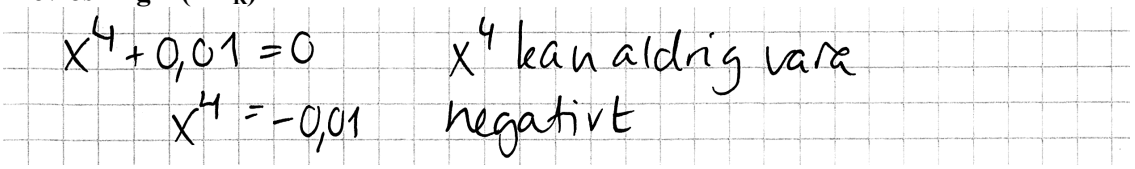
Elevlösning 3 (2 A_{PL})



Kommentar: Elevlösningen är korrekt förutom ett lapsusfel i sista ledet. Elevlösningen ges två problemlösningspoäng på A-nivå.

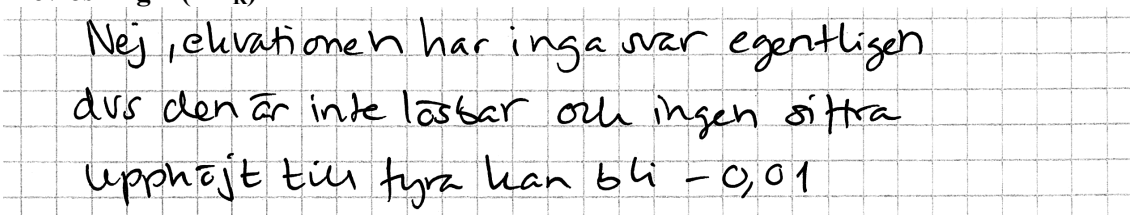
Uppgift 18

Elevlösning 1 (1 E_R)



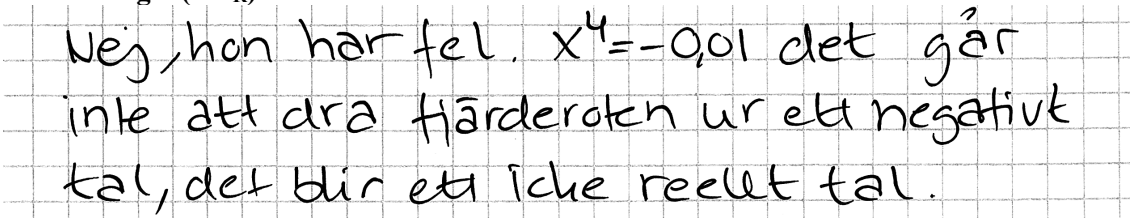
Kommentar: Resonemanget är godtagbart men det saknas en tydlig slutsats kring Lisas påstående. Lösningen bedöms nätt och jämnt motsvara kraven för en resonemangspoäng på E-nivå.

Elevlösning 2 (1 E_R)



Kommentar: Argumentet ”ingen siffra upphöjt till fyra kan bli $-0,01$” anses tillräckligt för att motsvara kraven för en resonemangspoäng på E-nivå.

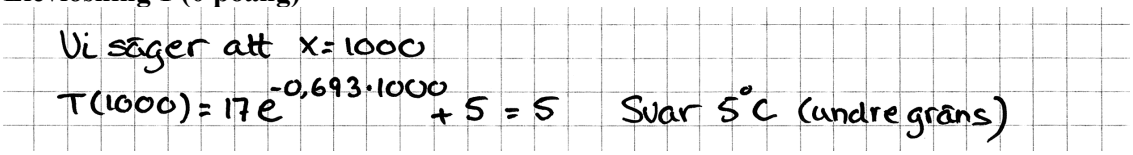
Elevlösning 3 (1 E_R)



Kommentar: Argumentet ”det går inte att dra fjärderoten ur ett negativt tal” anses tillräckligt för att motsvara kraven för en resonemangspoäng på E-nivå.

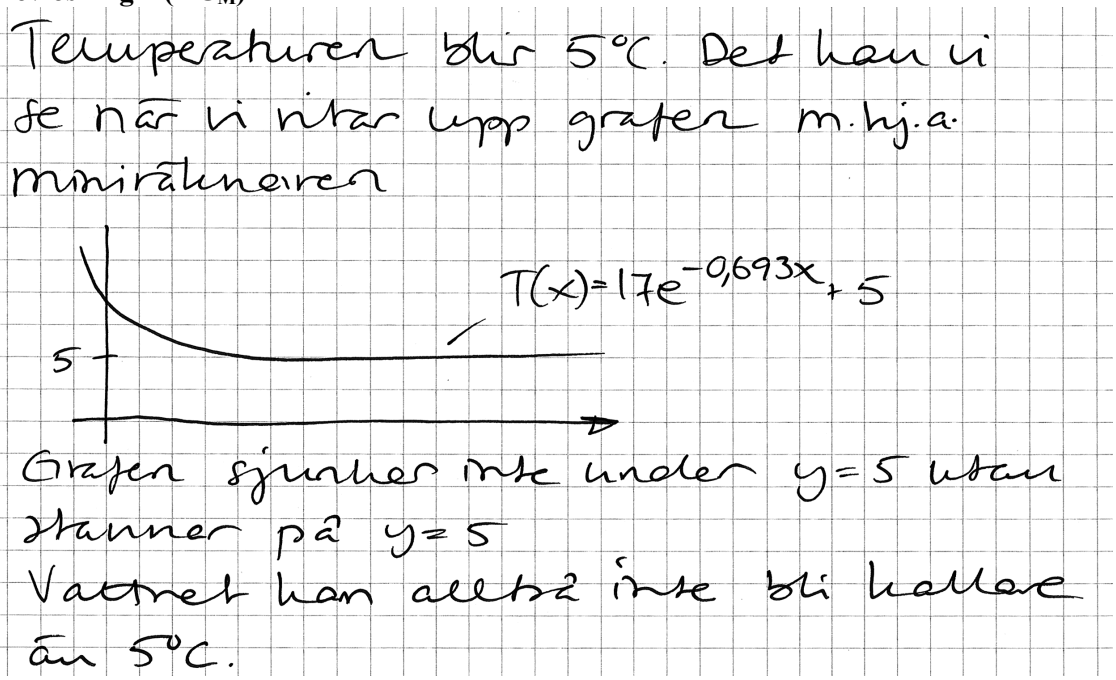
Uppgift 19d

Elevlösning 1 (0 poäng)



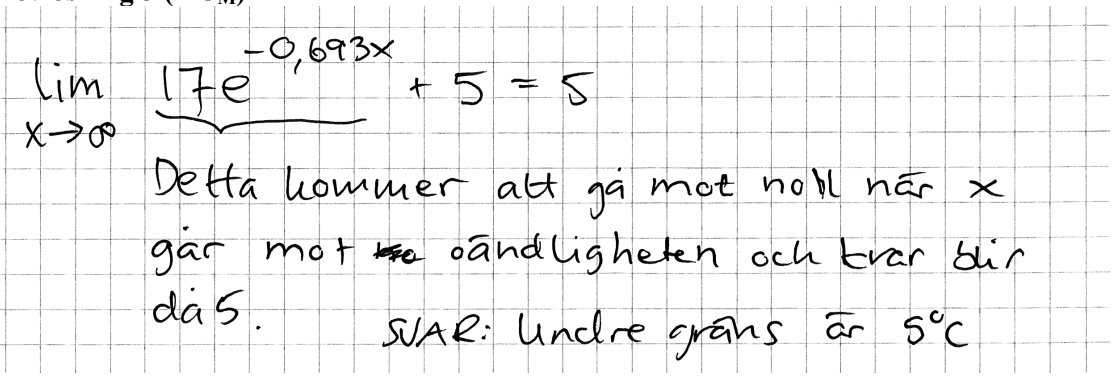
Kommentar: I elevlösningen ansätts enbart ett värde på x vilket inte är tillräckligt för att dra slutsatsen att uttryckets värde *närmar sig* 5. Lösningen ges noll poäng.

Elevlösning 2 (2 C_M)



Kommentar: I elevlösningen används den matematiska modellens graf för att visa att den undre gränsen är $5\,°\text{C}$. Skalan på x-axeln framgår inte, grafen går inte genom $(0, 22)$ och det är inte matematiskt korrekt att skriva att ”Grafen … stannar på $y = 5$”. Trots detta bedöms elevlösningen nätt och jämnt uppfylla kraven för två modelleringspoäng på C-nivå.

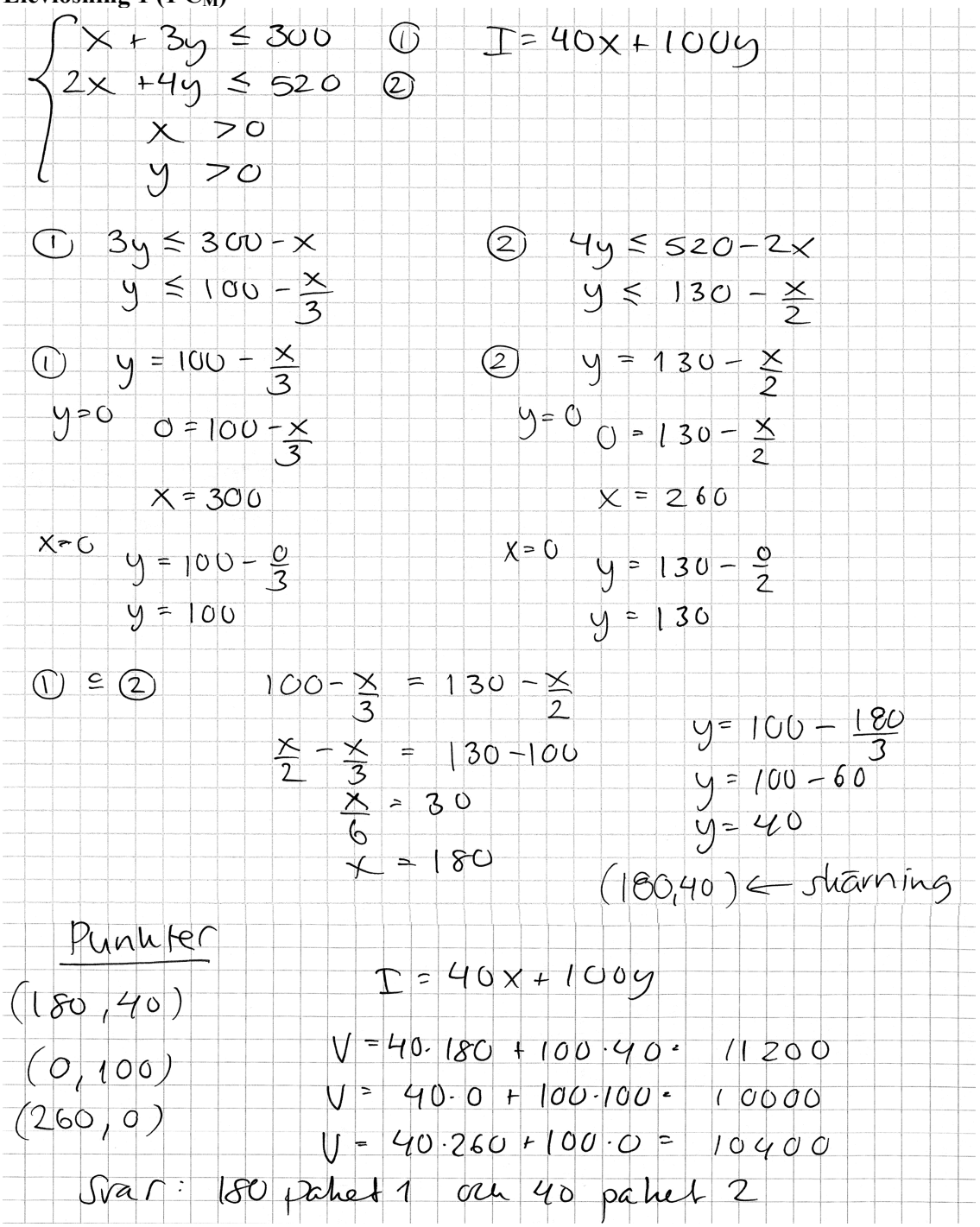
Elevlösning 3 (2 C_M)



Kommentar: I elevlösningen används modellen för att visa att den undre gränsen för vattnets temperatur är $5\,°\text{C}$. Elevlösningen uppfyller kraven för två modelleringspoäng på C-nivå.

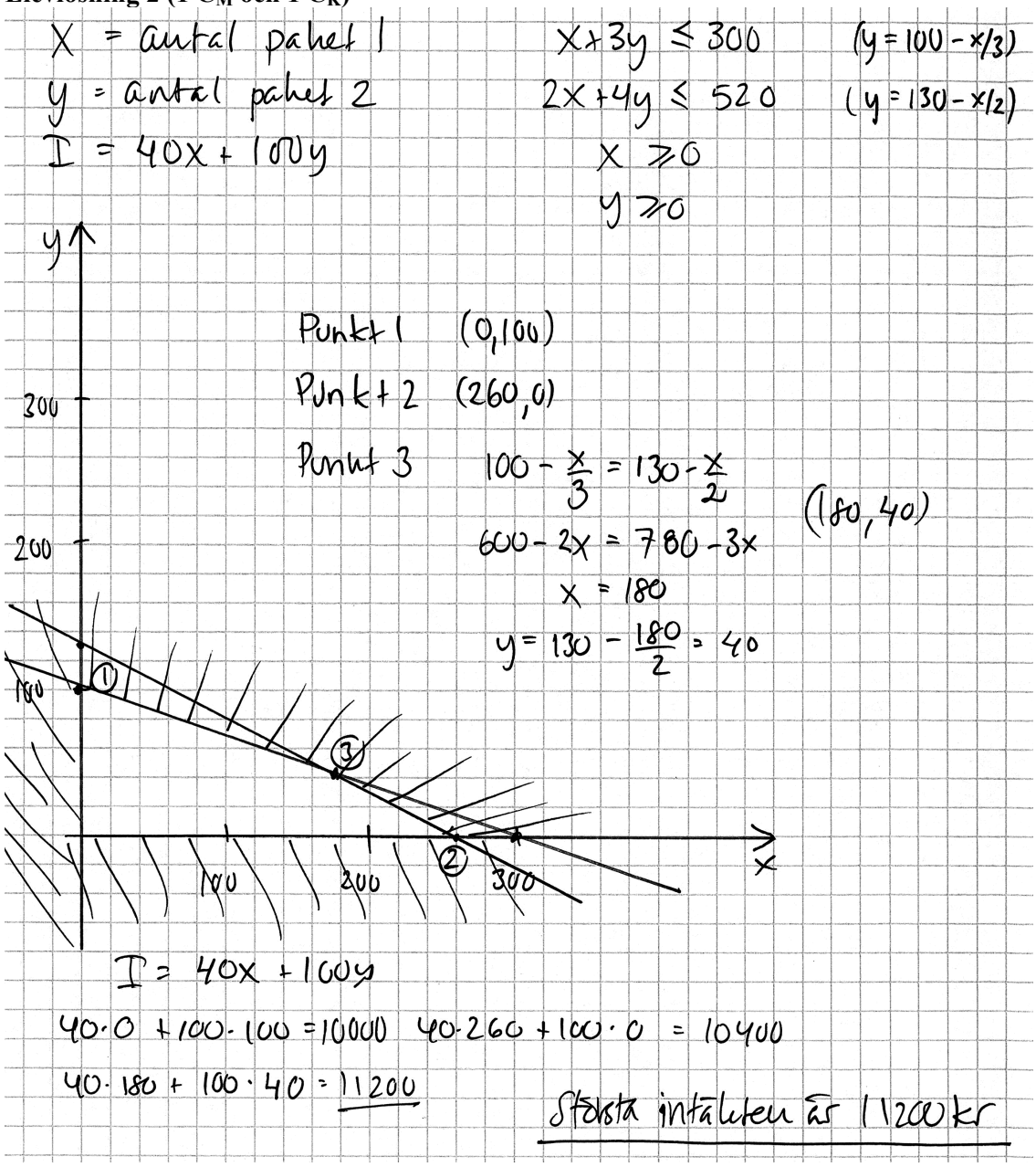
Uppgift 21

Elevlösning 1 (1 C_M)



Kommentar: Elevlösningen utgår från ett system av olikheter där de felaktiga villkoren $x > 0$ och $y > 0$ anges. Beräkningarna som följer är korrekt utförda. Även om lösningen ger ett korrekt svar så bygger den på felaktiga villkor som ger en motsägelse i lösningen vilket gör att kraven för kommunikationspoäng inte är uppfyllda. En figur med markerade axelpunkter hade kompenserat de felaktiga villkoren (se kommentar 1 till bedömningsanvisning). Lösningen ges den andra modelleringspoängen på C-nivå (se kommentar 2 till bedömningsanvisning).

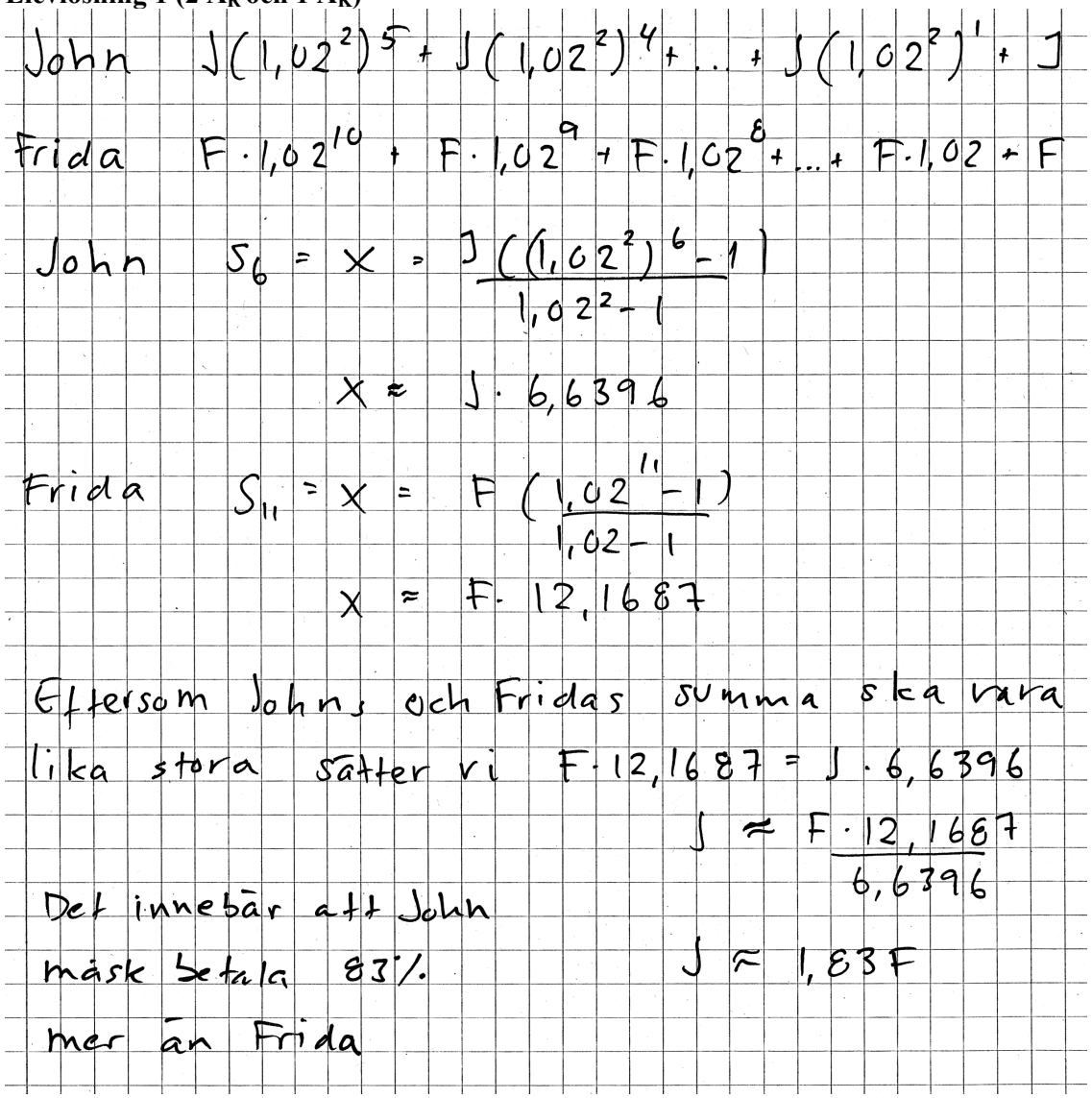
Elevlösning 2 (1 C_M och 1 C_K)



Kommentar: Uppgiften är löst i sin helhet och är korrekt förutom att det inte är intäkten som efterfrågas utan hur många paket av vardera sorten som ska tillverkas. På grund av det felaktiga svaret anses inte kraven för den andra modelleringspoängen på C-nivå vara uppfyllda. När det gäller kommunikation saknas klammer kring olikheterna, redovisning om hur linjerna ritats och redovisning om hur koordinaterna för punkt 1 och 2 bestämts, men lösningen är i övrigt möjlig att följa och förstå med en tydlig figur. Sammantaget bedöms elevlösningen uppfylla kraven för den första modelleringspoängen samt nätt och jämnt kommunikationspoängen på C-nivå.

Uppgift 22

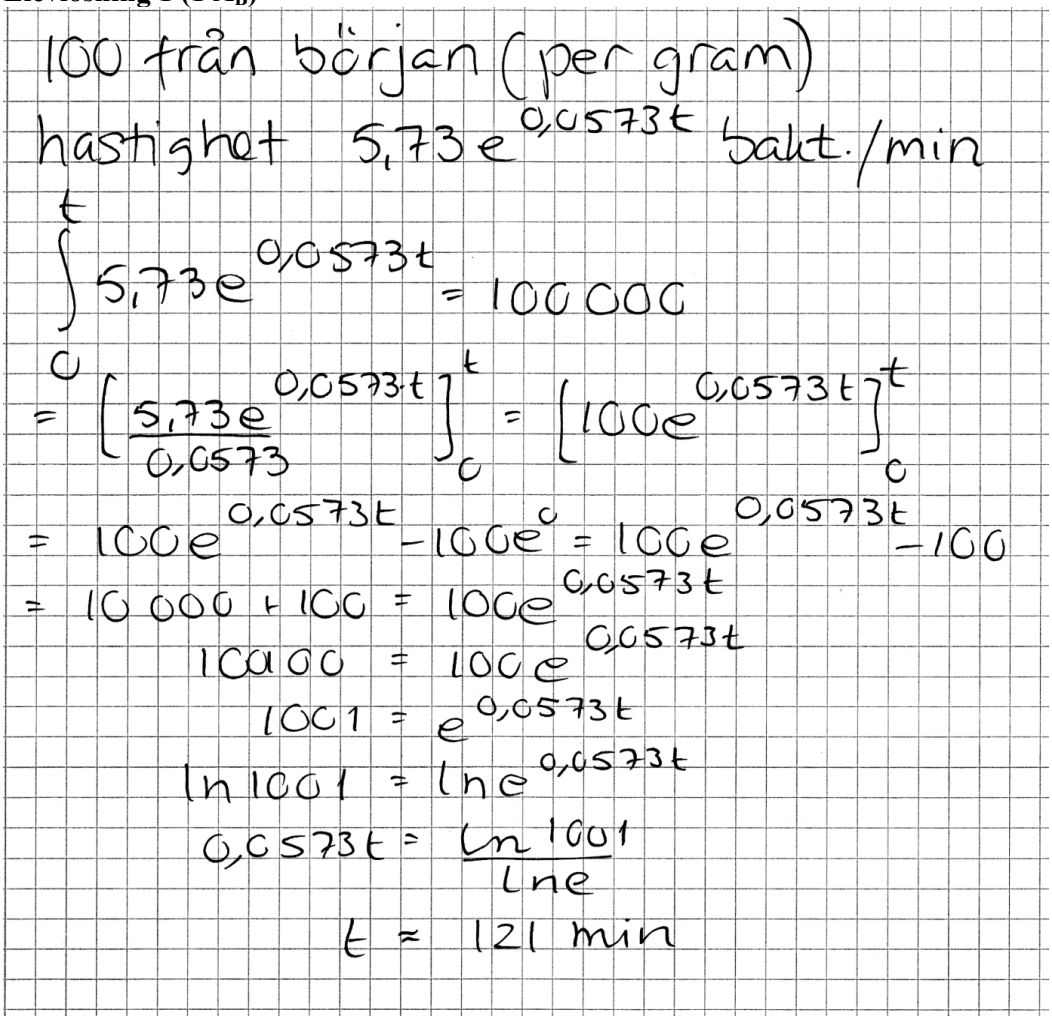
Elevlösning 1 (2 A_R och 1 A_K)



Kommentar: I elevlösningen visas generellt att John måste sätta in ca 83 % mer än Frida vid varje insättning. När det gäller kommunikation framgår det inledningsvis att Fridas och Johns insättningar motsvarar två geometriska summor men variabeln x definieras på två olika sätt och motivering till varför förändringsfaktorn i det ena fallet är $1,02^2$ saknas. Lösningen är i övrigt lätt att följa och förstå. Sammantaget bedöms elevlösningen uppfylla kraven för två resonemangspoäng och nätt och jämnt en kommunikationspoäng på A-nivå.

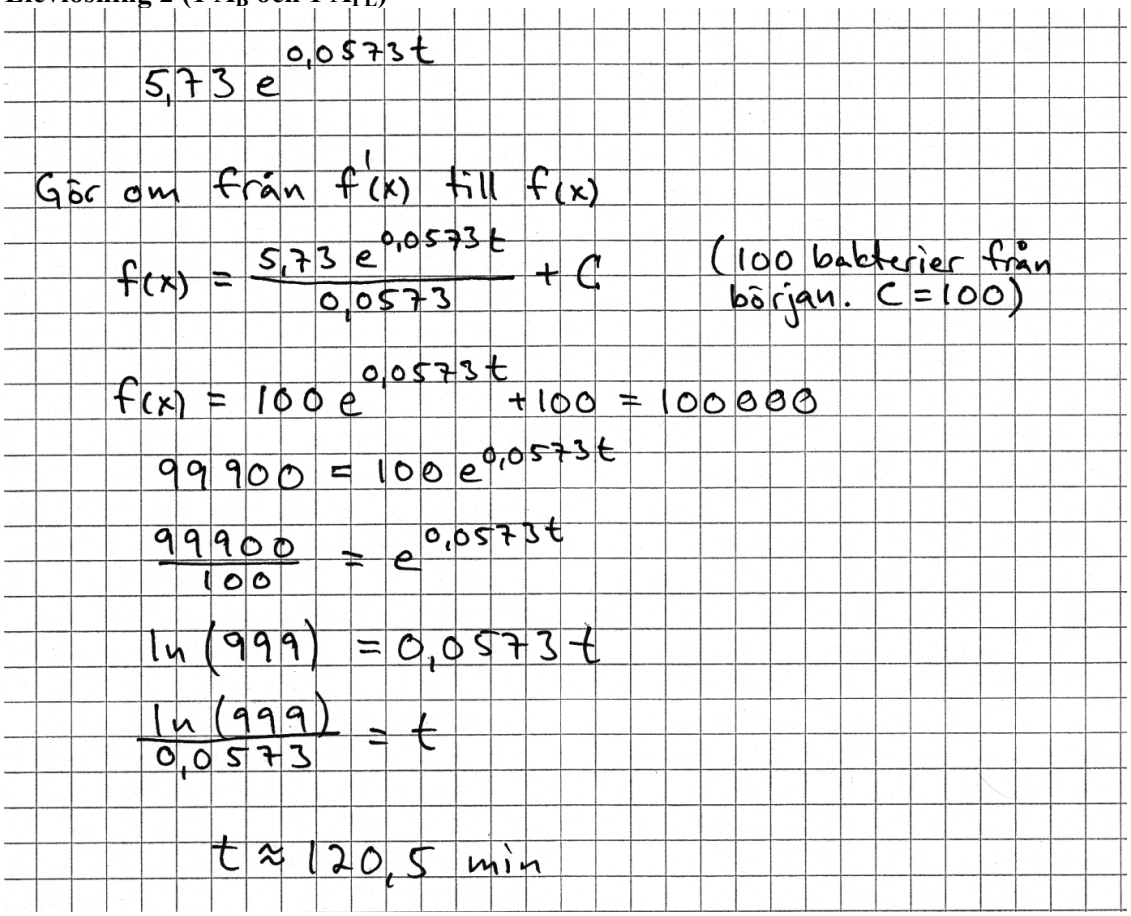
Uppgift 23

Elevlösning 1 (1 A_B)



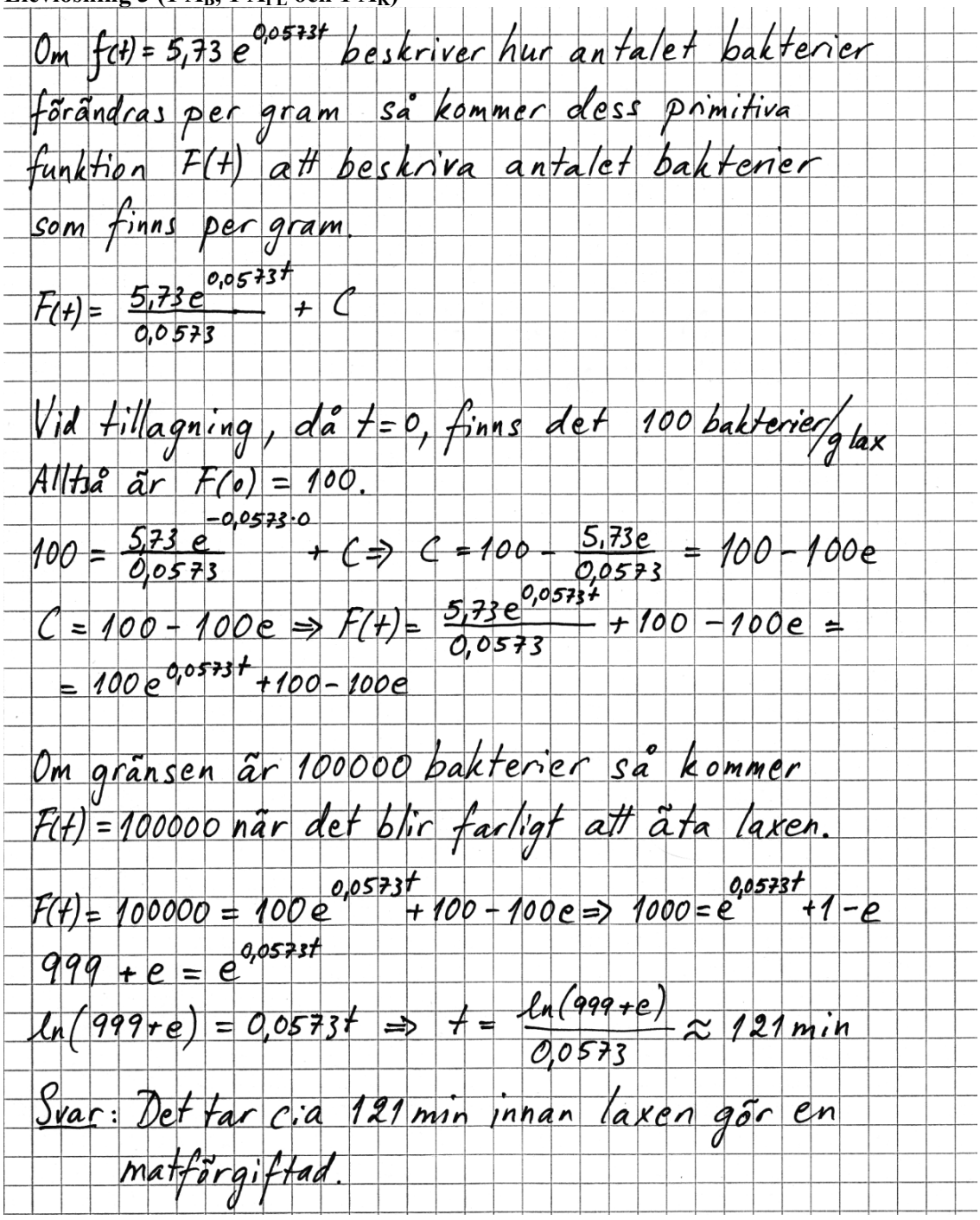
Kommentar: Elevlösningen visar insikt om att $\int 5,73e^{0,0573 \cdot t}\,dt$ ska beräknas, men tar ingen hänsyn till antalet bakterier då $t = 0$. Elevlösningen uppfyller därmed kraven för en begrepps-poäng på A-nivå.

Elevlösning 2 (1 A_B och 1 A_{PL})



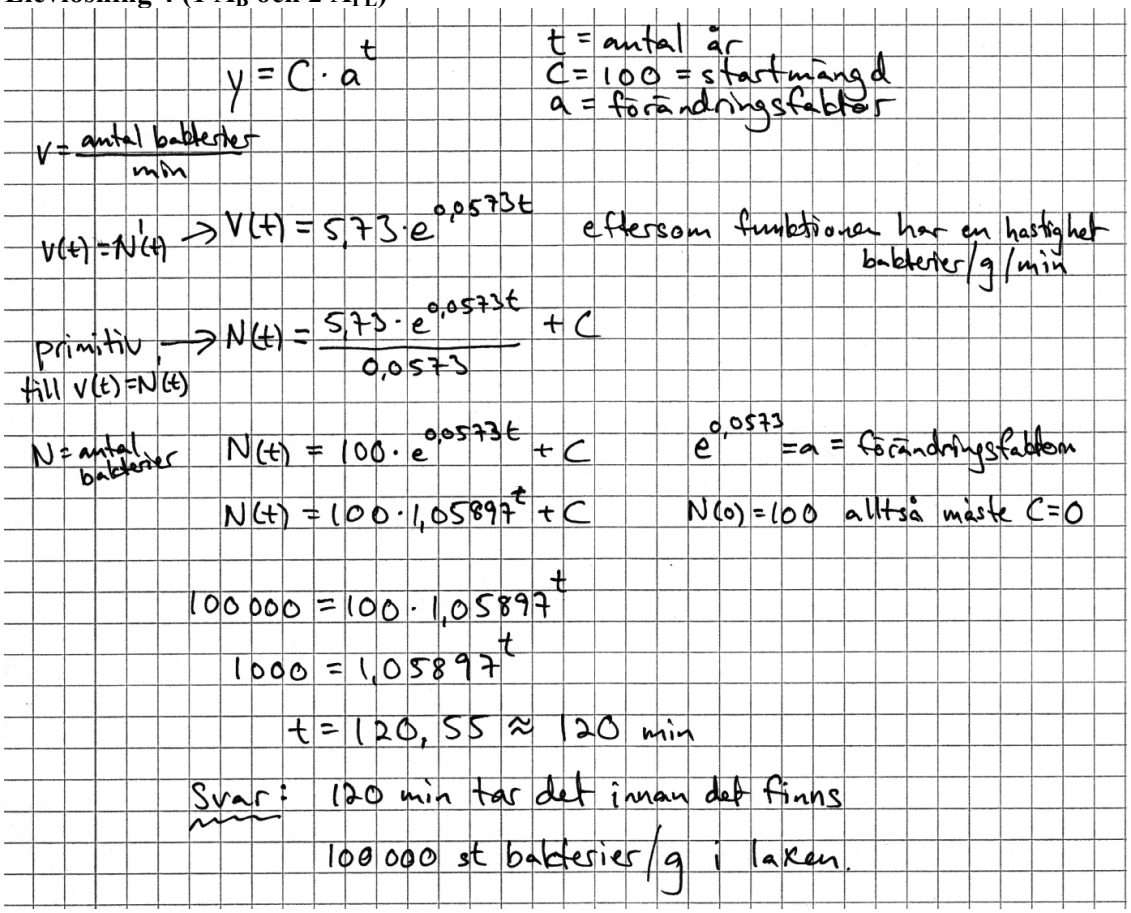
Kommentar: Elevlösningen visar insikt om att antalet bakterier som funktion av tiden ges av $f(x) = \frac{5,73e^{0,0573t}}{0,0573} + C$. Lösningen tar hänsyn till att antalet bakterier är 100 då $t = 0$ men bestämningen av konstanten är felaktig. Elevlösningen ges därmed en begreppspoäng och en problemlösningspoäng på A-nivå.

Elevlösning 3 (1 A_B, 1 A_{PL} och 1 A_K)



Kommentar: Elevlösningen visar insikt om att antalet bakterier som funktion av tiden ges av $f(x) = \frac{5{,}73\mathrm{e}^{0{,}0573t}}{0{,}0573} + C$. Lösningen tar hänsyn till att antalet bakterier är 100 då $t = 0$ men bestämningen av konstanten är felaktig. När det gäller kommunikation är elevlösningen lätt att följa och förstå eftersom funktionsbeteckningar är tydligt definierade, resonemangen kring bestämning av primitiv funktion och konstanten *C* är utskrivna och symboler används korrekt, med god anpassning till syfte och situation. Sammantaget ges elevlösningen en begrepps-, en problemlösnings- och en kommunikationspoäng på A-nivå.

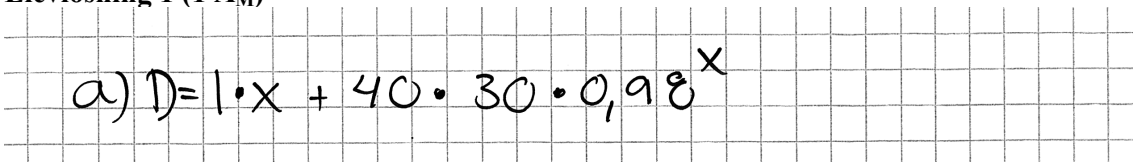
Elevlösning 4 (1 A_B och 2 A_{PL})



Kommentar: Elevlösningen visar en metod för att bestämma tiden. När det gäller kommunikation så anses inte elevlösningen vara lätt att följa och förstå. Det beror främst på byte av funktionsbeteckning i inledningen, att *C* används med två olika betydelser och att det inte visas hur slutekvationen löses. Sammantaget ges elevlösningen en begreppspoäng och två problemlösningspoäng på A-nivå.

Uppgift 24a

Elevlösning 1 (1 A_M)



Kommentar: Elevlösningen innehåller faktorn $30 \cdot 0,98^x$ och uppfyller därmed kraven för en modelleringspoäng på A-nivå.