

**Bedömningsmatris för bedömning av muntlig kommunikativ förmåga**

<b>Kommunikativ förmåga</b>	<b>E</b>	<b>C</b>	<b>A</b>	<b>Max</b>
<p><b><i>Fullständighet, relevans och struktur</i></b></p> <p>Hur fullständig, relevant och strukturerad elevens redovisning är</p>	<p>Redovisningen kan sakna något steg eller innehålla något ovidkommande.</p> <p>Det finns en övergripande struktur men redovisningen kan vara bitvis fragmentarisk eller rörig.</p> <p>(1/0/0)</p>		<p>Redovisningen är i huvudsak fullständig och endast relevanta delar ingår.</p> <p>Redovisningen är välstrukturerad.</p> <p>(1/0/1)</p>	(1/0/1)
<p><b><i>Beskrivningar och förklaringar</i></b></p> <p>Förekomst av och utförlighet i beskrivningar och förklaringar</p>	<p>Någon förklaring förekommer men tyngdpunkten i redovisningen ligger på beskrivningar.</p> <p>Utförligheten i de beskrivningar och de förklaringar som framförs kan vara begränsad.</p> <p>(1/0/0)</p>		<p>Redovisningen innehåller tillräckligt med utförliga beskrivningar och förklaringar.</p> <p>(1/0/1)</p>	(1/0/1)
<p><b><i>Matematisk terminologi</i></b></p> <p>Hur väl eleven använder matematiska termer, symboler och konventioner.</p>	<p>Eleven använder ibland matematisk terminologi med rätt betydelse.</p> <p>(1/0/0)</p>	<p>Eleven använder ofta matematisk terminologi med rätt betydelse och vid lämpliga tillfällen.</p> <p>(1/1/0)</p>	<p>Eleven använder i huvudsak matematisk terminologi med rätt betydelse och vid lämpliga tillfällen.</p> <p>(1/1/1)</p>	(1/1/1)
<b>Summa</b>				<b>(3/1/3)</b>

## Innehåll

Allmänna riktlinjer för bedömning .....	3
Bedömningsanvisningar .....	3
Bedömning av skriftlig kommunikativ förmåga .....	4
Provsammanställning - Kunskapskrav .....	5
Provsammanställning – Centralt innehåll .....	6
Kravgränser .....	7
Bedömningsanvisningar .....	8
Del I .....	8
Del II .....	9
Del III .....	11
Bedömda elevlösningar .....	15
Uppgift 13b .....	15
Uppgift 15 .....	17
Uppgift 17 .....	18
Uppgift 19d .....	19
Uppgift 20b .....	19
Uppgift 21 .....	21
Uppgift 23a .....	22
Uppgift 23b .....	23
Ur ämnesplanen för matematik .....	25
Kunskapskrav Matematik kurs 2a, 2b och 2c .....	26
Centralt innehåll Matematik kurs 2b .....	27
Bedömningsformulär .....	28
Insamling av provresultat för matematik .....	29
Urvalsinsamlingen .....	29



## Allmänna riktlinjer för bedömning

Bedömning ska ske utgående från läroplanens mål, ämnesplanens förmågor samt kunskapskraven och med hänsyn tagen till den tolkning av dessa dokument som gjorts lokalt. Utgångspunkten är att eleverna ska få poäng för lösningarnas förtjänster och inte poängavdrag för fel och brister.

För att tydliggöra anknytningen till kunskapskraven används olika kvalitativa förmågepoäng. I elevernas provhäften anges den poäng som varje uppgift kan ge, till exempel innebär (1/2/3) att uppgiften ger maximalt 1 E-poäng, 2 C-poäng och 3 A-poäng. I bedömningsanvisningarna anges dessutom för varje poäng vilken förmåga som prövas. De olika förmågorna är inte oberoende av varandra och det är den förmåga som bedöms som den *huvudsakliga* som markeras. Förmågorna betecknas med B (Begrepp), P (Procedur), PL (Problemlösning), M (Modellering), R (Resonemang) och K (Kommunikation). Det betyder till exempel att  $E_{PL}$  och  $A_R$  ska tolkas som en ”problemlösningspoäng på E-nivå” respektive en ”resonemangspoäng på A-nivå”.

För uppgifter av kortsvarstyp, där endast svar krävs, är det elevens slutliga svar som ska bedömas.

För uppgifter av långsvarstyp, där eleverna ska lämna fullständiga lösningar, krävs för full poäng en redovisning som leder fram till ett godtagbart svar eller slutsats. Redovisningen ska vara tillräckligt utförlig och uppställd på ett sådant sätt att tankgången kan följas. Ett svar med t.ex. enbart resultatet av en beräkning utan motivering ger inga poäng.

Frågan om hur vissa typfel ska påverka bedömningen lämnas till lokala beslut. Det kan till exempel gälla lapsus, avrundningsfel, följdfel och enklare räknefel. Om uppgiftens komplexitet inte minskas avsevärt genom tidigare fel så kan det lokalt beslutas att tilldela poäng på en uppgiftslösning trots förekomst av t.ex. lapsus och följdfel.

## Bedömningsanvisningar

Bedömningsanvisningarna till långsvarsuppgifterna är skrivna enligt olika modeller:

---

Godtagbar ansats, t.ex. ...	+1E <sub>P</sub>
med i övrigt godtagbar lösning med korrekt svar (...)	+1E <sub>P</sub>

*Kommentar: Uppgiften ger maximalt (2/0/0). Den andra poängen är beroende av den första poängen, d.v.s. den andra poängen utfaller först om den första poängen utfallit. Detta indikeras med användning av liten bokstav och oftast av att ordet ”med” inleder den mening som beskriver vad som krävs för att den andra poängen ska erhållas.*

---

E	C	A
Godtagbart enkelt resonemang, t.ex. ... 1E <sub>R</sub>	Godtagbart välgrundat resonemang, t.ex. ... 1E <sub>R</sub> och 1C <sub>R</sub>	Godtagbart välgrundat och nyanserat resonemang, t.ex. ... 1E <sub>R</sub> och 1C <sub>R</sub> och 1A <sub>R</sub>

*Kommentar: Uppgiften ger maximalt (1/1/1). Denna typ av bedömningsanvisning används när en och samma uppgift kan besvaras på flera kvalitativt olika nivåer. Beroende på hur eleven svarar utdelas (0/0/0) eller (1/0/0) eller (1/1/0) eller (1/1/1).*

### **Bedömning av skriftlig kommunikativ förmåga**

Förmågan att kommunicera skriftligt kommer inte att särskilt bedömas på E-nivå för enskilda uppgifter. Elever som uppfyller kraven för betyget E för de övriga förmågorna anses kunna redovisa och kommunicera på ett sådant sätt att kunskapskraven för skriftlig kommunikation på E-nivå automatiskt är uppfyllda.

För uppgifter där elevens skriftliga kommunikativa förmåga ska bedömas gäller de allmänna kraven nedan.

Kommunikationspoäng på C-nivå ( $C_K$ ) ges under förutsättning att eleven behandlat uppgiften i sin helhet och att lösningen i huvudsak är korrekt.

Dessutom ska

1. lösningen vara någorlunda fullständig och relevant, d.v.s. den kan innehålla något ovidkommande eller sakna något steg. Lösningen ska ha en godtagbar struktur.
2. matematiska symboler och representationer vara använda med viss anpassning till syfte och situation.
3. lösningen vara möjlig att följa och förstå.

Kommunikationspoäng på A-nivå ( $A_K$ ) ges under förutsättning att eleven behandlat uppgiften i sin helhet och att lösningen i huvudsak är korrekt.

Dessutom ska

1. lösningen vara i huvudsak fullständig, välstrukturerad samt endast innehålla relevanta delar.
2. matematiska symboler och representationer vara använda med god anpassning till syfte och situation.
3. lösningen vara lätt att följa och förstå.

Förutom den allmänna beskrivningen av kraven kan ibland mer utförliga beskrivningar ges i samband med de bedömda elevlösningar där kommunikationspoäng förekommer.

## Provsammanställning - Kunskapskrav

**Tabell 1** Kategorisering av uppgifterna i kursprovet i Matematik 2b i förhållande till nivå och förmågor. Poängen i denna tabell anges i samma ordning som i bedömningsanvisningen. Till exempel motsvarar 8b\_1 och 8b\_2 den första respektive andra poängen i uppgift 8b.

Del	Uppg. Poäng	Förmåga och nivå											
		E				C				A			
		B	P	PM	RK	B	P	PM	RK	B	P	PM	RK
Del I	1a		1										
	1b	1											
	2		1										
	3a		1										
	3b		1										
	3c						1						
	4	1											
	5							1					
	6					1							
	7a						1						
7b										1			
8a	1												
8b_1					1								
8b_2								1					
8c									1				
9a			1										
9b											1		
10a									1				
10b											1		
Del II	11_1		1										
	11_2		1										
	12a_1		1										
	12a_2		1										
	12b_1						1						
	12b_2						1						
	13a_1				1								
	13a_2								1				
	13b_1									1			
	13b_2									1			
	13b_3											1	
	13b_4											1	
	14_1										1		
	14_2										1		
	15_1									1			
15_2											1		
15_3											1		
15_4												1	

Del	Uppg. Poäng	Förmåga och nivå											
		E				C				A			
		B	P	PM	RK	B	P	PM	RK	B	P	PM	RK
Del III	16_1	1											
	16_2			1									
	17_1	1											
	17_2		1										
	17_3						1						
	18_1			1									
	18_2			1									
	19a			1									
	19b_1		1										
	19b_2									1			
	19c									1			
	19d_1									1			
	19d_2												1
	20a_1	1											
	20a_2			1									
	20b_1						1						
	20b_2									1			
	20b_3										1		
	21_1						1						
	21_2										1		
21_3												1	
22a							1						
22b_1												1	
22b_2												1	
23a_1									1				
23a_2									1				
23a_3										1			
23b_1												1	
23b_2												1	
23b_3												1	
23b_4												1	
Muntlig del	M_1						1						
	M_2												1
	M_3							1					
	M_4												1
	M_5								1				
	M_6										1		
	M_7												1
Total	6	10	6	6	3	5	7	8	3	3	9	9	
Σ	75	28				23				24			

B = Begrepp, P = Procedur, PM = Problemlösning/Modellering och RK = Resonemang/Kommunikation

## Provsammanställning – Centralt innehåll

**Tabell 2** Kategorisering av uppgifterna i kursprovet i Matematik 2b i förhållande till nivå och centralt innehåll. En lista över det centrala innehållet återfinns i slutet av detta häfte.

	Uppg.	Nivå			Centralt innehåll Kurs Ma2b																		
		E	C	A	T1	T2	T4	T5	T7	T9	T10	T11	G3	F3	F5	S1	S2	S3	S4	PI	P3	P4	
Del I	1a	1	0	0				X															
	1b	1	0	0				X															
	2	1	0	0			X																
	3a	1	0	0					X														
	3b	1	0	0						X													
	3c	0	1	0					X														
	4	1	0	0					X			X											
	5	0	1	0				X															
	6	0	1	0												X							
	7a	0	1	0		X																	
	7b	0	0	1		X																	
	8a	1	0	0											X								
	8b	0	2	0				X							X								
	8c	0	0	1				X								X							
	9a	1	0	0					X						X								
	9b	0	0	1					X						X								
10a	0	0	1					X		X													
10b	0	0	1					X		X											X		
Del II	11	2	0	0				X		X													
	12a	2	0	0				X															
	12b	0	2	0			X	X															
	13a	1	1	0								X											
	13b	0	2	2								X											
	14	0	0	2			X	X															
Del III	15	0	0	4			X	X													X		
	16	2	0	0								X									X		
	17	3	0	0			X																
	18	2	0	0				X	X					X							X	X	
	19a	1	0	0										X	X								
	19b	1	1	0										X									
	19c	0	1	0				X						X	X								
	19d	0	1	1				X						X	X								
	20a	2	0	0															X	X	X		
	20b	0	3	0															X	X	X		
	21	1	1	1													X						
	22a	0	1	0				X								X							
	22b	0	0	2												X							
	23a	0	3	0									X								X		
23b	0	0	4				X	X						X						X			
Muntlig del, M	3	1	3																				
	28	23	24																				

## **Kravgränser**

Provet består av Del I, Del II, Del III samt en muntlig del och ger totalt 75 poäng varav 28 E-, 23 C- och 24 A-poäng.

Kravgräns för provbetyget

E: 18 poäng

D: 29 poäng varav 8 poäng på minst C-nivå

C: 38 poäng varav 15 poäng på minst C-nivå

B: 50 poäng varav 8 poäng på A-nivå

A: 61 poäng varav 14 poäng på A-nivå

## Bedömningsanvisningar

*Exempel* på ett godtagbart svar anges inom parentes. Till en del uppgifter är bedömda elevlösningar bifogade för att ange nivån på bedömningen. Om bedömda elevlösningar finns i materialet markeras detta med en symbol.

### Del I

- |           |   |                  |
|-----------|---|------------------|
| <b>1.</b> |   | <b>Max 2/0/0</b> |
| a)        | Korrekt svar ( $y = 2x + 4$ )               | +1E <sub>P</sub> |
| b)        | Godtagbart ritad rät linje                  | +1E <sub>B</sub> |
| <b>2.</b> |   | <b>Max 1/0/0</b> |
|           | Korrekt svar ( $x^2$ )                      | +1E <sub>P</sub> |
| <b>3.</b> |   | <b>Max 2/1/0</b> |
| a)        | Korrekt svar ( $x_1 = 0$ och $x_2 = -7$ )   | +1E <sub>P</sub> |
| b)        | Korrekt svar ( $x = 10^3$ )                 | +1E <sub>P</sub> |
| c)        | Korrekt svar ( $x = 3$ )                    | +1C <sub>P</sub> |
| <b>4.</b> |   | <b>Max 1/0/0</b> |
|           | Korrekt svar (Alternativ B: $x^2 + 6 = 0$ ) | +1E <sub>B</sub> |
| <b>5.</b> |   | <b>Max 0/1/0</b> |
|           | Korrekt svar ( $y = 7 - 0,35x$ )            | +1C <sub>M</sub> |
| <b>6.</b> |   | <b>Max 0/1/0</b> |
|           | Korrekt svar ( $x = -2$ )                   | +1C <sub>B</sub> |
| <b>7.</b> |   | <b>Max 0/1/1</b> |
| a)        | Korrekt svar ( $x^{\frac{m}{7}}$ )          | +1C <sub>P</sub> |
| b)        | Korrekt svar ( $\left(\frac{x}{3}\right)$ ) | +1A <sub>P</sub> |

- 8.** **Max 1/2/1**
- a) Korrekt svar (6) +1E<sub>B</sub>
- b) Godtagbart angivna gränser, t.ex. ”för  $x$  mellan  $-1$  och  $5$ ” +1C<sub>B</sub>  
 där svaret kommuniceras på en nivå som motsvarar kunskapskraven för C,  
 d.v.s. med korrekt använda olikhetstecken ( $-1 < x < 5$ ) +1C<sub>K</sub>
- c) Korrekt svar (t.ex.  $y = -x + 12$ ) +1A<sub>B</sub>  
*Kommentar:*  $y = -x + m$  där  $m > 8$
- 9.** **Max 1/0/1**
- a) Korrekt svar (40 %) +1E<sub>M</sub>
- b) Korrekt svar ( $V = 10000 \cdot 0,60^{\frac{t}{12}}$ ) +1A<sub>M</sub>
- 10.** **Max 0/0/2**
- a) Korrekt svar (t.ex.  $3x + 2y = 8$ ) +1A<sub>B</sub>
- b) Korrekt svar (t.ex.  $x + y = 5$ ) +1A<sub>PL</sub>
- Del II**
- 11.** **Max 2/0/0**
- Godtagbar ansats, t.ex. bestämmer en variabel med algebraisk metod +1E<sub>P</sub>  
 med i övrigt godtagbar lösning med korrekt svar ( $x = -2$ ,  $y = 5$ ) +1E<sub>P</sub>
- 12.** **Max 2/3/0**
- a) Godtagbar ansats, sätter in värden korrekt i formeln för lösning av andragradsekvationer eller motsvarande för kvadratkomplettering +1E<sub>P</sub>  
 med i övrigt godtagbar lösning med korrekt svar ( $x_1 = -5$ ,  $x_2 = 9$ ) +1E<sub>P</sub>
- b) Godtagbar ansats, t.ex. korrekt omskrivning till  $x^2 + x = 0$  +1C<sub>P</sub>  
 med i övrigt godtagbar lösning med korrekt svar ( $x_1 = 0$  och  $x_2 = -1$ ) +1C<sub>P</sub>

13.

Max 1/3/2

a)	E	C	A
	Godtagbart enkelt resonemang, t.ex. ”Triangeln $ABM$ är likbent.”	Godtagbart välgrundat resonemang. t.ex. ”Triangeln $ABM$ är likbent för att $AM$ och $BM$ är radier i cirkeln.”	
	1E <sub>R</sub>	1E <sub>R</sub> och 1C <sub>R</sub>	

b)	E	C	A
	Eleven visar Thales sats för ett specialfall eller eleven påbörjar en generell metod.	Eleven visar Thales sats (generellt) där någon motivering kan vara bristfällig.	Eleven visar Thales sats (generellt) med korrekta motiveringar.
	1C <sub>R</sub>	2C <sub>R</sub>	2C <sub>R</sub> och 1A <sub>R</sub>
			Lösningen kommuniceras på en nivå som motsvarar kunskapskraven för A.
			1A <sub>K</sub>

*Bedömda elevlösningar finns till denna uppgift.*



14.

Max 0/0/2

Godtagbar ansats, t.ex. tecknar ett korrekt uttryck som leder till att båda

rötterna kan bestämmas, t.ex.  $x = \pm\sqrt{(a-1)^2}$  +1A<sub>P</sub>

med i övrigt godtagbar lösning med korrekt svar ( $x_1 = a - 1$ ,  $x_2 = 1 - a$ ) +1A<sub>P</sub>

15.

Max 0/0/4

Godtagbar ansats, t.ex. ritar figur som visar att informationen i uppgiften och vad som söks är korrekt tolkat

+1A<sub>B</sub>

med korrekt tecknad ekvation, t.ex.  $x^2 + (2x - 5)^2 = 10^2$  +1A<sub>PL</sub>

med i övrigt godtagbar lösning där uteslutningen av den negativa roten är motiverad med korrekt svar ( $x = 2 + \sqrt{19}$ ) +1A<sub>PL</sub>

Lösningen kommuniceras på en nivå som motsvarar kunskapskraven för A +1A<sub>K</sub>

*Bedömda elevlösningar finns till denna uppgift.*



**Del III****16. Max 2/0/0**

Godtagbar ansats, visar förståelse för likformighetsbegreppet, t.ex. genom att bestämma en tänkbar längd på sidan +1E<sub>B</sub>

med i övrigt godtagbar lösning med korrekt svar (8 cm och 18 cm) +1E<sub>PL</sub>

**17. Max 3/0/0**

Godtagbar ansats, t.ex. bestämmer riktningskoefficienten för en av linjerna +1E<sub>B</sub>

med godtagbar fortsättning, t.ex. korrekt bestämning av riktningskoefficienterna

$k_{AB} = \frac{8}{9}$  och  $k_{CD} = \frac{10}{11}$  +1E<sub>P</sub>

med godtagbar motivering (t.ex. ”Nej, de är inte parallella eftersom riktningskoefficienterna inte är lika stora.”) +1E<sub>R</sub>

*Bedömda elevlösningar finns till denna uppgift.*

**18. Max 2/0/0**

Godtagbar ansats, t.ex. tecknar  $77 = 16,5 \cdot 1,0085^t$  +1E<sub>PL</sub>

med i övrigt godtagbar lösning med godtagbart svar (t.ex. ”Ja, steken blir klar i tid.”) +1E<sub>PL</sub>

**19. Max 2/3/1**

a) Korrekt svar (180000 kr) +1E<sub>M</sub>

b) Korrekt beräkning av  $V(15)$ , 0 +1E<sub>P</sub>

med godtagbar tolkning av svaret, t.ex. (”Efter 15 år är bilen värd 0 kr”) +1C<sub>M</sub>

c) Godtagbar beskrivning av likheterna ( $V(0) = W(0)$  och  $V(15) = W(15)$ ) +1C<sub>M</sub>

*Kommentar:* Likheter som redan finns angivna i uppgiftstexten godtas ej.

E	C	A
	<p>Eleven gör en enkel utvärdering av modellernas rimlighet, t.ex. nämner en orimlighet i den ena modellen, ”I Inez modell blir värdet negativt efter 15 år”</p> <p style="text-align: center;"><math>1C_M</math></p>	<p>Eleven gör en mer omfattande utvärdering av modellernas rimlighet, t.ex. nämner två orimligheter, en i vardera modellen ”I Inez modell blir värdet negativt efter 15 år och i Hugos modell ökar värdet igen efter 15 år.”</p> <p style="text-align: center;"><math>1C_M</math> och <math>1A_M</math></p>

*Kommentar:* Även andra orimligheter är acceptabla, t.ex. att bilen aldrig blir värd 0 kr på grund av skrotvärdet.

**Bedömda elevlösningar finns till denna uppgift.**

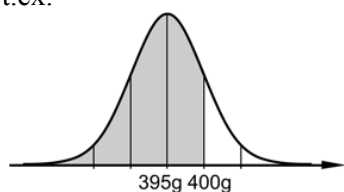


20.

Max 2/3/0

- a) Godtagbar ansats, t.ex. ritat figur som illustrerar problemet t.ex.

+1E<sub>B</sub>

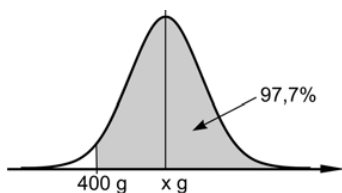


med i övrigt godtagbar lösning med godtagbart svar (84 %)

+1E<sub>PL</sub>

- b) Godtagbar ansats, t.ex. ritat figur som illustrerar problemet t.ex.

+1C<sub>B</sub>



med i övrigt godtagbar lösning med godtagbart svar (410 g)

+1C<sub>PL</sub>

Lösningen kommuniceras på en nivå som motsvarar kunskapskraven för C

+1C<sub>K</sub>

**Bedömda elevlösningar finns till denna uppgift.**



21.

Max 1/1/1

E	C	A
Eleven påstår att Alice har rätt genom att räkna på ett specialfall där medianen blir lika stor som medelvärdet  1E <sub>R</sub>	Eleven påstår att Alice har rätt genom att räkna på några specialfall där medianen blir lika stor som medelvärdet <i>eller</i> eleven gör en generell ansats, t.ex. genom att teckna medelvärdet $\frac{x + x + 1 + x + 2}{3}$ av de tre talen.  1E <sub>R</sub> och 1C <sub>R</sub>	Eleven motiverar att Alice har rätt genom att generellt visa att oavsett vilka tre tal som väljs, så är medianen alltid lika stor som medelvärdet  1E <sub>R</sub> och 1C <sub>R</sub> och 1A <sub>R</sub>

*Bedömda elevlösningar finns till denna uppgift.*



22.

Max 0/1/2

- a) Godtagbar bestämning av sambandet genom anpassning av linje direkt i diagrammet (t.ex.  $y = x - 100$ )\* eller med hjälp av funktionen för linjär regression på räknaren ( $y = 0,993x - 98,3$ ) +1C<sub>P</sub>  
 \*Kommentar: Anpassning av linje direkt i diagrammet kan medföra stora variationer på koefficienterna trots att anpassningen är korrekt utförd.
- b) Godtagbar tolkning av riktningskoefficienten (t.ex. ”1 cm ger 1 kg till”) +1A<sub>M</sub>  
 där lösningen kommuniceras på en nivå som motsvarar kunskapskraven för A (t.ex. ”För varje cm en man ökar i längd ökar han i genomsnitt med 1 kg i vikt”) +1A<sub>K</sub>

23.

Max 0/3/4

- a) Godtagbar ansats, t.ex. korrekt uppställd ekvation för beräkning av triangelns höjd +1C<sub>PL</sub>  
 med i övrigt godtagbar lösning med godtagbart svar (28 m<sup>2</sup>) +1C<sub>PL</sub>  
 Lösningen kommuniceras på en nivå som motsvarar kunskapskraven för C +1C<sub>K</sub>

*Bedömda elevlösningar finns till denna uppgift.*



- b) Godtagbar ansats, t.ex. korrekt uppställd modell för sammanlagda arean

$$y_1 = \left(\frac{x}{4}\right)^2 + \left(\frac{24-x}{4}\right)^2 \quad +1A_M$$

med godtagbar strategi för lösning av problemet, t.ex. ritar två grafer på sin

$$\text{räknare, } y_1 = \left(\frac{x}{4}\right)^2 + \left(\frac{24-x}{4}\right)^2 \text{ och } y_2 = 17 \quad +1A_{PL}$$

med godtagbar tolkning, t.ex. studerar de två graferna och konstaterar att de aldrig skär varandra ("Arean kan inte vara 17 m<sup>2</sup>")

+1A<sub>PL</sub>

Lösningen kommuniceras på en nivå som motsvarar kunskapskraven för A

+1A<sub>K</sub>

***Bedömda elevlösningar finns till denna uppgift.***



## Bedömda elevlösningar

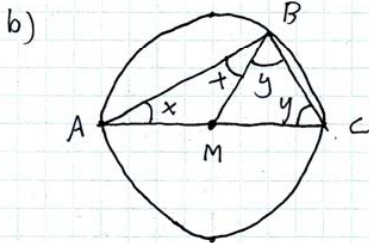
### Uppgift 13b

Vid bedömning av kommunikativ förmåga för A-nivå, se de allmänna kraven på sidan 4. För denna uppgift kan matematiska symboler och representationer (se punkt 2 för de allmänna kraven) vara vinkelbeteckningar, likhetstecken och termer så som radie, basvinklar, likbent triangel, etc.

#### Elevlösning 1 (2C<sub>R</sub>)

a)  $AM = BM$

svar: 2 lika långa sträckor i en triangel ger två lika stora vinklar



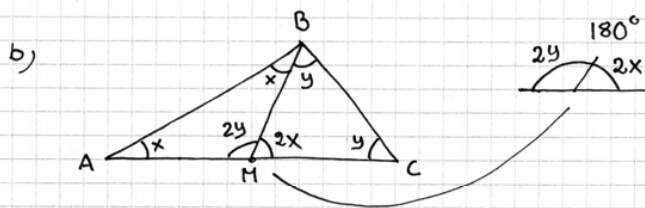
$$BM = CM$$

$$2x + 2y = 180^\circ$$

$$1x + 1y = 90^\circ$$

svar: vinkeln i B blir  $90^\circ$

*Kommentar:* Elevens lösning är korrekt men har inte en tillräckligt tydlig motivering till varför trianglarna  $ABM$  och  $BCM$  är likbenta. Redovisningen är något knapphändig och det är inte helt tydligt varifrån de införda vinklarna och den första ekvationen kommer. Sammantaget ges lösningen i b)-uppgiften två resonemangspoäng på C-nivå.

Elevlösning 2 (2C<sub>R</sub> och 1A<sub>R</sub>)

$\triangle BMC$  är också likbent  
 $BM$  och  $CM$  är också radier

För att få den sista vinkeln i  $\triangle BMC$  så tar man  $180^\circ - 2y$

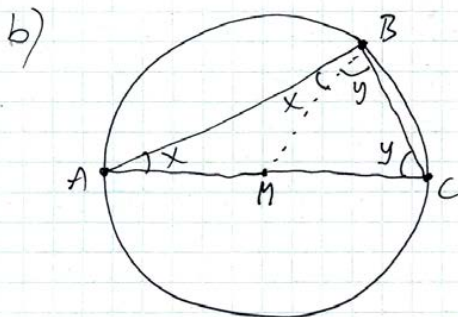
För att få den sista vinkeln i  $\triangle AMB$  så tar man  $180^\circ - 2x$

Det leder till:

$$\frac{180^\circ}{2} + \frac{180^\circ - 2x}{2} + \frac{180^\circ - 2y}{2} = 180^\circ$$

$$\frac{180^\circ}{2} = 2x + 2y \Rightarrow x + y = 90^\circ$$

*Kommentar:* Eleven motiverar varför  $\triangle BCM$  är likbent och hänvisar till egna figurer för att förklara vinklarna vid punkten  $M$ . Eleven genomför beviset korrekt om än med otydliga motiveringar, t.ex. hänvisar eleven inte till använda satser. Detta innebär att lösningen nätt och jämnt ges resonemangspoängen på A-nivå. Lösningen innehåller alla väsentliga delar men i och med att eleven inte tydligt motiverar alla steg är lösningen inte lätt att följa och förstå. Likhetstecknet används felaktigt på sista raden. Sammantaget uppfyller lösningen inte kraven för kommunikationspoäng på A-nivå.

Elevlösning 3 (2C<sub>R</sub> och 1A<sub>R</sub> och 1A<sub>K</sub>)

Visa att vinkel B är  $90^\circ$

Vinkel  $y$  + vinkel  $x$  = vinkel B

Eftersom  $\triangle MBC$  är likbent  
 $(MB = MC = \text{radier})$

finns en vinkel  $y$  vid C också.

Vinkelsumman i en triangel är  $180^\circ$

I  $\triangle ABC$  måste då  $x + x + y + y = 180^\circ$

$$\text{dvs } 2x + 2y = 180^\circ$$

$$x + y = 90^\circ$$

stämmer! Vinkel B är  $90^\circ$

*Kommentar:* Elevens lösning är korrekt och uppfyller kraven för resonemangs- och kommunikationspoäng på A-nivå.

## Uppgift 15

Vid bedömning av kommunikativ förmåga för A-nivå, se de allmänna kraven på sidan 4. För denna uppgift kan matematiska symboler och representationer (se punkt 2 för de allmänna kraven) vara vinkelmarkering, likhetstecken, hänvisning till Pythagoras sats eller avståndsformel, tydlig figur med införda beteckningar, etc.

Elevlösning 1 (1A<sub>B</sub> och 1A<sub>PL</sub>)

$$10 = \sqrt{(x_2 - 0)^2 + (y_2 - 0)^2}$$

$$10^2 = (x_2 - 0)^2 + (y_2 - 0)^2$$

$$10^2 = x_2^2 + y_2^2$$

$$100 = x_2^2 + y_2^2$$

$$\begin{cases} 100 = x^2 + y^2 \\ y = 2x - 5 \end{cases}$$

$$100 = x^2 + (2x - 5)^2$$

$$100 = x^2 + 4x^2 - 20x + 25$$

$$0 = 5x^2 - 20x - 75$$

$$0 = x^2 - 4x - 15$$

$$x = \frac{4}{2} \pm \sqrt{\frac{16}{4} + \frac{60}{4}}$$

$$x = 2 \pm \sqrt{\frac{76}{4}}$$

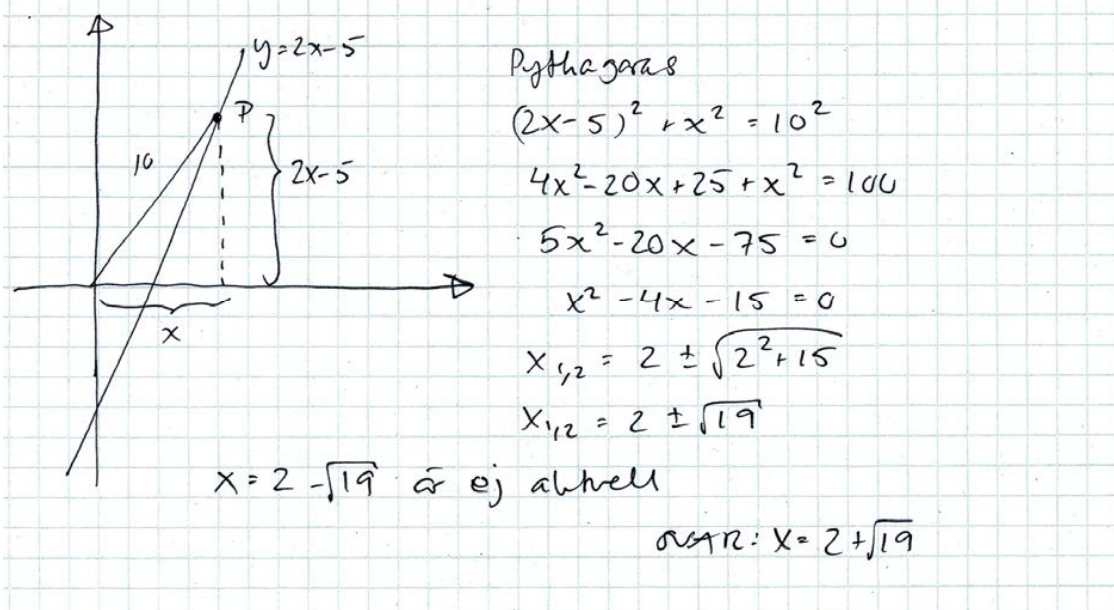
$$x = 2 \pm \sqrt{19}$$

$$x_1 = \sqrt{4} + \sqrt{19} = \sqrt{23} \quad x_2 = \sqrt{4} - \sqrt{19} = \sqrt{-15}$$

$$\text{Svar: } x\text{-koordinaten} = \sqrt{23}$$

falsk rot

*Kommentar:* Eleven ställer upp en korrekt ekvation för lösning av problemet och hittar ekvationens rötter men gör sedan en avslutande felaktig förenkling. Detta ger sammantaget första begreppspoängen och första problemlösningspoängen. Eleven definierar inte sina variabler, har inte någon figur till hjälp och hänvisar inte heller till använd formel/sats. Redovisningen är därför inte tillräckligt utförlig för att uppfylla kraven för kommunikationspoäng på A-nivå.

**Elevlösning 2 (1A<sub>B</sub> och 2A<sub>PL</sub> och 1A<sub>K</sub>)**

*Kommentar:* Elevlösningen är fullständig och ger därmed begrepps-poängen och båda problemlösningspoängen, dessutom är den välstrukturerad. Användningen av Pythagoras sats motiveras av en tydlig figur även om den räta vinkeln inte är markerad. Symbolhanteringen är korrekt. Lösningen är lätt att följa och förstå. Lösningen uppfyller därmed kraven för kommunikationspoäng på A-nivå.

**Uppgift 17****Elevlösning 1 (1E<sub>B</sub> och 1E<sub>P</sub> och 1E<sub>R</sub>)**

Svar: Nej, de är inte parallella  
 det är 11 steg i x-led och 10 steg i  
 y-led mellan C och D men bara 9 steg i  
 x-led och 8 steg i y-led mellan A och B.

*Kommentar:* Godtagbar lösning och motivering även om kopplingen till riktningskoefficienterna och vad som kännetecknar parallella linjer är indirekt och något vag. Lösningen ger därmed nätt och jämnt alla tre poängen.

**Uppgift 19d****Elevlösning 1 (1C<sub>M</sub> och 1A<sub>M</sub>)**

I båda modeller når V/W ökr efter 15 år, men det är inte rimligt. Eftersom även då kommer byggdelarna vara värd någonting större än 0 kr.

*Kommentar:* Eleven ger godtagbara argument för orimligheter i båda modellerna och lösningen ger modelleringspoäng på både C- och A-nivå.

**Elevlösning 2 (1C<sub>M</sub> och 1A<sub>M</sub>)**

I Hugos modell går värdet på bilen upp igen efter ett antal år, vilket knappast är rimligt.  
I Inez modell minskar bilens värde konstant och blir mer och mer negativt.

*Kommentar:* Eleven ger godtagbara argument för orimligheter i båda modellerna och lösningen ger modelleringspoäng på både C- och A-nivå.

**Uppgift 20b**

Vid bedömning av kommunikativ förmåga för C-nivå, se de allmänna kraven på sidan 4. För denna uppgift kan matematiska symboler och representationer (se punkt 2 för de allmänna kraven) vara likhetstecken, tydlig figur med införda beteckningar och termer så som normalfördelning, standardavvikelse, medelvärde, etc.

**Elevlösning 1 (1C<sub>B</sub> och 1C<sub>PL</sub>)**

$$2 = \frac{x - 400}{5}$$

$$10 = x - 400$$

$$410 = x$$

Svar: Det nya medelvärdet blir 410g.

*Kommentar:* Lösningen är möjlig att följa och förstå då det av svaret framgår att  $x$  står för medelvärdet, men då det i övrigt saknas terminologi och förklarande text uppfylls inte kraven för kommunikationspoäng på C-nivå.

Elevlösning 2 (1C<sub>B</sub> och 1C<sub>PL</sub> och 1C<sub>K</sub>)

För ökning av medelvärdet

97,7% av burkarna innehåller minst 400g  
då ska 400g ligga på 2 standardavvikelser  
från medelvärdet

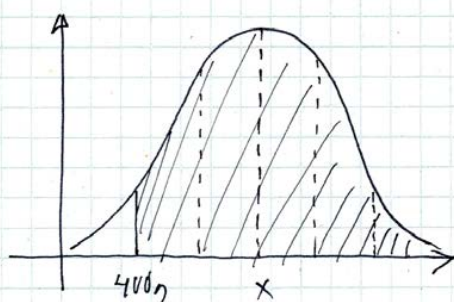
$$400g = \mu - 2\sigma$$

$$400g = \mu - 10g$$

$$\mu = 410g$$

SVAR: Medelvärdet 410g  
ökar de nya burkarna

*Kommentar:* Lösningen är något otydlig men är möjlig att följa och förstå då eleven använder lämpliga symboler och terminologi. Sammantaget ger lösningen nätt och jämnt kommunikationspoäng på C-nivå.

Elevlösning 3 (1C<sub>B</sub> och 1C<sub>PL</sub> och 1C<sub>K</sub>)

X = nytt medelvärde

97% av burkarna ska

väga mer än 400g

standardavvikelse 5g

minst

För att det grå området ska vara = 97% måste  
400g vara på två standardavvikelser.

$$(13,6 + 34,1 + 34,1 + 13,6 + 2,3 = 97,7)$$

$$400g + 2 \cdot 5g = 410g$$

SVAR: 410g

*Kommentar:* Lösningen har en tydlig figur som illustrerar problemet och gör det möjligt att förstå att eleven menar att 400 g ligger två standardavvikelser från medelvärdet. Sammantaget uppfyller lösningen kravet för kommunikationspoäng på C-nivå.

## Uppgift 21

Elevlösning 1 (1E<sub>R</sub> och 1C<sub>R</sub>)

Ta talen 2, 3, 4

$$\text{Medel } \frac{2+3+4}{3} = 3 \quad \text{Median} = 3$$

Ta talen 9, 10, 11

$$\text{Medel } \frac{9+10+11}{3} = 10 \quad \text{Median} = 10$$

Dom blir samma. SVAR: Alice har rätt.

*Kommentar:* Eleven drar en korrekt slutsats utifrån två specialfall och lösningen ger därmed resonemangspoäng på E- och C-nivå.

Elevlösning 2 (1E<sub>R</sub> och 1C<sub>R</sub> och 1A<sub>R</sub>)

$$\text{median } x-1, (x), x+1 \quad \text{median} = x$$

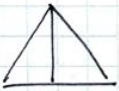
$$\text{medel } \frac{x-1+x+x+1}{3} = x$$

Svar Median och medel blir samma tal

*Kommentar:* Eleven använder generell metod och visar att median och medelvärde alltid får samma värde. Lösningen bedöms därför ge resonemangspoäng på A-nivå.

## Uppgift 23a

Vid bedömning av kommunikativ förmåga för C-nivå, se de allmänna kraven på sidan 4. För denna uppgift kan matematiska symboler och representationer (se punkt 2 för de allmänna kraven) vara rottecken, likhetstecken, hänvisning till Pythagoras sats, tydlig figur med införda beteckningar, etc.

Elevlösning 1 (2C<sub>PL</sub>)


$$8^2 = 4^2 + x^2$$

$$x = \sqrt{8^2 - 4^2}$$

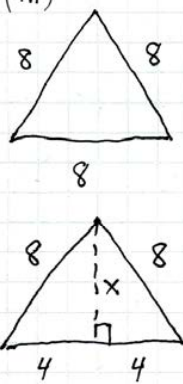
$$x = \sqrt{48}$$

$$A = \frac{\sqrt{48} \cdot 8}{2}$$

$$A = 27,7$$

SVAR: 27,7 m<sup>2</sup>

*Kommentar:* Elevens lösning är korrekt och ger två problemlösningspoäng. Lösningen är dock knapphändigt redovisad, t.ex. så är inte variabeln  $x$  definierad, figuren är ottydlig och hänvisning till Pythagoras sats saknas. Lösningen uppfyller därmed inte kravet för kommunikationspoäng på C-nivå.

Elevlösning 2 (2C<sub>PL</sub> och 1C<sub>K</sub>)


(m)

$$\frac{24}{3} = 8$$

$$A = \frac{b \cdot h}{2}$$

Pythagoras sats ger:

$$4^2 + x^2 = 8^2$$

$$x^2 = 8^2 - 4^2$$

$$x^2 = 48$$

$$x = \sqrt{48}$$

$$A = \frac{8 \cdot \sqrt{48}}{2}$$

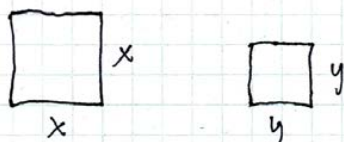
$$A \approx 27,71 \text{ m}^2$$

sva: Arean är ca 27,71 m<sup>2</sup>

*Kommentar:* Lösningen uppfyller kraven för kommunikationspoäng på C-nivå.

## Uppgift 23b

Vid bedömning av kommunikativ förmåga för A-nivå, se de allmänna kraven på sidan 4. För denna uppgift kan matematiska symboler och representationer (se punkt 2 för de allmänna kraven) vara index, likhetstecken, rottecken, grafer, tydlig figur med införda beteckningar, etc.

Elevlösning 1 (1A<sub>M</sub> och 1A<sub>PL</sub> och 1A<sub>K</sub>)

$$\begin{cases} 4x + 4y = 28 \text{ m} \\ x^2 + y^2 = 17 \text{ m}^2 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x + y = 7 \\ x^2 + y^2 = 17 \end{cases}$$

$$\begin{cases} y = 7 - x \\ x^2 + (7 - x)^2 = 17 \end{cases}$$

$$y = 7 - x$$

$$x^2 + 49 - 14x + x^2 = 17$$

$$\Rightarrow 2x^2 - 14x + 49 = 17$$

$$2x^2 - 14x + 32 = 0$$

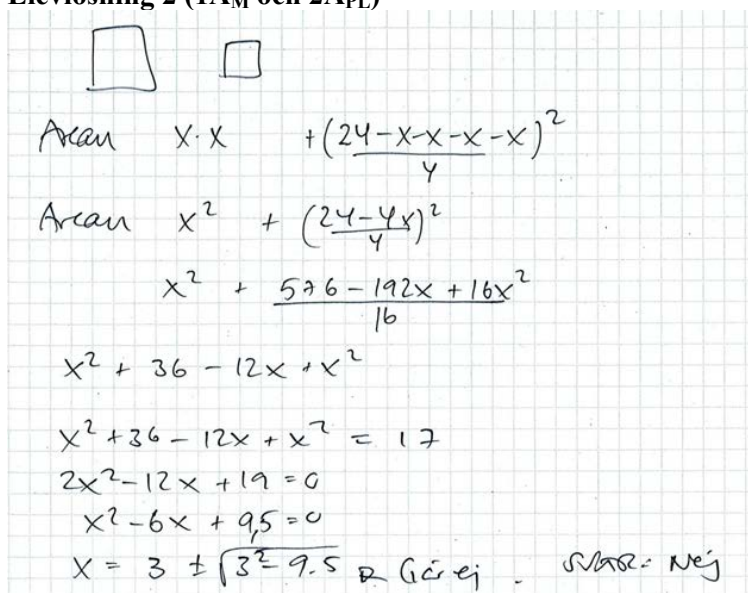
$$x^2 - 7x + 16 = 0$$

$$x = \frac{7}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{7}{2}\right)^2 - 16}$$

$$x = \frac{7}{2} \pm \sqrt{\frac{49}{4} - \frac{64}{4}}$$

(Lösning saknas)

*Kommentar:* Eleven löser i princip problemet men gör ingen tolkning av svaret och besvarar därför inte frågan om det är möjligt att få den efterfrågade arean. Lösningen uppfyller därmed kraven för modelleringspoängen och den första (men inte den andra) problemlösningspoängen. Redovisningen är tydlig och klar med lämpliga beteckningar, förklarande figur och korrekt algebrahantering. Därmed uppfyller lösningen kraven för kommunikationspoäng på A-nivå.

Elevlösning 2 (1A<sub>M</sub> och 2A<sub>PL</sub>)


$$\text{Area } x \cdot x + \left(\frac{24-x-x-x-x}{4}\right)^2$$

$$\text{Area } x^2 + \left(\frac{24-4x}{4}\right)^2$$

$$x^2 + \frac{576 - 192x + 16x^2}{16}$$

$$x^2 + 36 - 12x + x^2$$

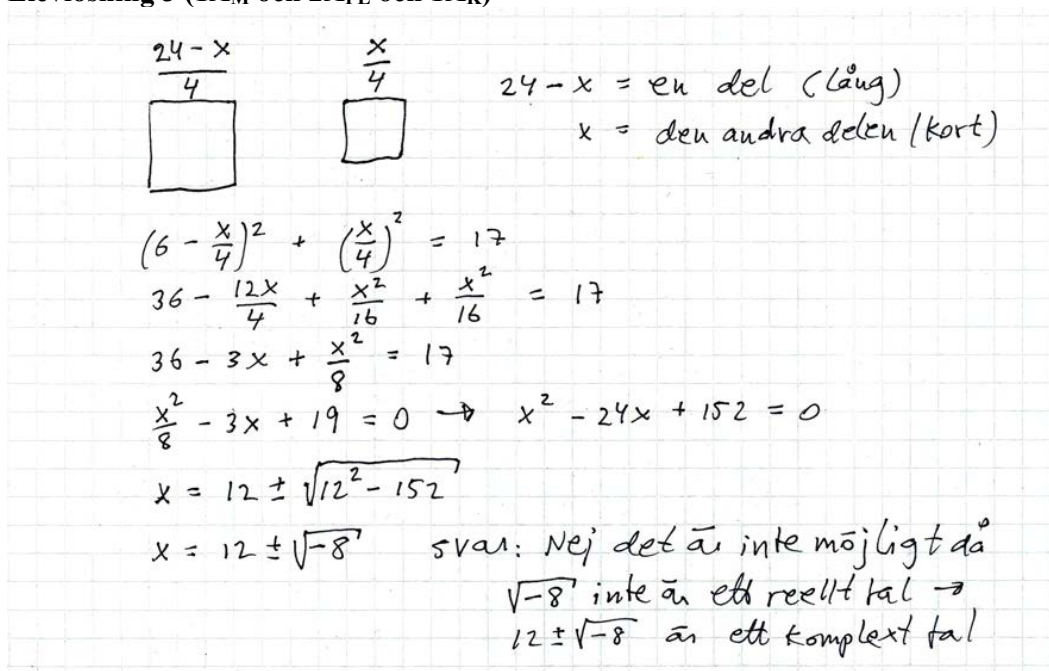
$$x^2 + 36 - 12x + x^2 = 17$$

$$2x^2 - 12x + 19 = 0$$

$$x^2 - 6x + 9.5 = 0$$

$$x = 3 \pm \sqrt{3^2 - 9.5} \quad \text{Discriminant: Nej}$$

*Kommentar:* Elevens lösning uppfyller kraven för modelleringspoängen och båda problemlösningspoängen även om kopplingen mellan det faktum att det inte finns några lösningar till andragradsekvationen och slutsatsen är något otydlig. Redovisningen är knapphändig, t.ex. så är införda variabler inte tydligt definierade och figuren saknar beteckningar. Därmed uppfyller inte lösningen kravet för kommunikationspoäng på A-nivå.

Elevlösning 3 (1A<sub>M</sub> och 2A<sub>PL</sub> och 1A<sub>K</sub>)


$$\frac{24-x}{4} \quad \frac{x}{4} \quad \begin{array}{l} 24-x = \text{en del (lång)} \\ x = \text{den andra delen (kort)} \end{array}$$

$$\left(6 - \frac{x}{4}\right)^2 + \left(\frac{x}{4}\right)^2 = 17$$

$$36 - \frac{12x}{4} + \frac{x^2}{16} + \frac{x^2}{16} = 17$$

$$36 - 3x + \frac{x^2}{8} = 17$$

$$\frac{x^2}{8} - 3x + 19 = 0 \rightarrow x^2 - 24x + 152 = 0$$

$$x = 12 \pm \sqrt{12^2 - 152}$$

$$x = 12 \pm \sqrt{-8} \quad \text{svar: Nej det är inte möjligt då } \sqrt{-8} \text{ inte är ett reellt tal} \rightarrow 12 \pm \sqrt{-8} \text{ är ett komplext tal}$$

*Kommentar:* Elevens lösning uppfyller kraven för modelleringspoängen och båda problemlösningspoängen även om kopplingen mellan det faktum att det inte finns några lösningar till andragradsekvationen och slutsatsen är något otydlig. Redovisningen är lätt att följa och förstå, införda variabler är tydligt definierade via en förklarande figur och algebrahanteringen är korrekt. Därmed uppfyller lösningen kraven för kommunikationspoäng på A-nivå.

## Ur ämnesplanen för matematik

Matematiken har en flertusenårig historia med bidrag från många kulturer. Den utvecklades såväl ur praktiska behov som ur människans nyfikenhet och lust att utforska matematiken som sådan. Kommunikation med hjälp av matematikens språk är likartad över hela världen. I takt med att informationstekniken utvecklades används matematiken i alltmer komplexa situationer. Matematik är även ett verktyg inom vetenskap och för olika yrken. Ytterst handlar matematiken om att upptäcka mönster och formulera generella samband.

### Ämnets syfte

Undervisningen i ämnet matematik ska syfta till att eleverna utvecklar förmåga att arbeta matematiskt. Det innefattar att utveckla förståelse av matematikens begrepp och metoder samt att utveckla olika strategier för att kunna lösa matematiska problem och använda matematik i samhälls- och yrkesrelaterade situationer. I undervisningen ska eleverna ges möjlighet att utmana, fördjupa och bredda sin kreativitet och sitt matematikkunnande. Vidare ska den bidra till att eleverna utvecklar förmåga att sätta in matematiken i olika sammanhang och se dess betydelse för individ och samhälle.

Undervisningen ska innehålla varierade arbetsformer och arbetssätt, där undersökande aktiviteter utgör en del. När så är lämpligt ska undervisningen ske i relevant praxisnära miljö. Undervisningen ska ge eleverna möjlighet att kommunicera med olika uttrycksformer. Vidare ska den ge eleverna utmaningar samt erfarenhet av matematikens logik, generaliserbarhet, kreativa kvaliteter och mångfacetterade karaktär. Undervisningen ska stärka elevernas tilltro till sin förmåga att använda matematik i olika sammanhang samt ge utrymme åt problemlösning som både mål och medel. I undervisningen ska eleverna dessutom ges möjlighet att utveckla sin förmåga att använda digital teknik, digitala medier och även andra verktyg som kan förekomma inom karaktärsämnena.

### Undervisningen i ämnet matematik ska ge eleverna förutsättningar att utveckla förmåga att:

1. använda och beskriva innebörden av matematiska begrepp samt samband mellan begreppen.
2. hantera procedurer och lösa uppgifter av standardkaraktär utan och med verktyg.
3. formulera, analysera och lösa matematiska problem samt värdera valda strategier, metoder och resultat.
4. tolka en realistisk situation och utforma en matematisk modell samt använda och utvärdera en modells egenskaper och begränsningar.
5. följa, föra och bedöma matematiska resonemang.
6. kommunicera matematiska tankegångar muntligt, skriftligt och i handling.
7. relatera matematiken till dess betydelse och användning inom andra ämnen, i ett yrkesmässigt, samhällligt och historiskt sammanhang.

## Kunskapskrav Matematik kurs 2a, 2b och 2c

### Betyget E

Eleven kan **översiktligt** beskriva innebörden av centrala begrepp med hjälp av **några** representationer samt **översiktligt** beskriva sambanden mellan begreppen. Dessutom växlar eleven **med viss säkerhet** mellan olika representationer. Eleven kan **med viss säkerhet** använda begrepp och samband mellan begrepp för att lösa matematiska problem och problemsituationer i karaktärsämnen i **bekanta situationer**. I arbetet hanterar eleven **några enkla** procedurer och löser uppgifter av standardkaraktär **med viss säkerhet**, både utan och med digitala verktyg.

Eleven kan formulera, analysera och lösa matematiska problem av **enkel karaktär**. Dessa problem inkluderar **ett fåtal** begrepp och kräver **enkla** tolkningar. I arbetet gör eleven om realistiska problemsituationer till matematiska formuleringar genom att tillämpa **givna** matematiska modeller. Eleven kan med **enkla** omdömen utvärdera resultatets rimlighet samt valda modeller, strategier och metoder.

Eleven kan föra **enkla** matematiska resonemang och värdera med **enkla** omdömen egna och andras resonemang samt skilja mellan gissningar och välgrundade påståenden. Dessutom uttrycker sig eleven **med viss säkerhet** i tal, skrift och handling **med inslag av** matematiska symboler och andra representationer.

Genom att ge exempel relaterar eleven något i **kursens innehåll** till dess betydelse inom andra ämnen, yrkesliv, samhällsliv och matematikens kulturhistoria. Dessutom kan eleven föra **enkla** resonemang om exemplens relevans.

**Betyget D** Betyget D innebär att kunskapskraven för E och till övervägande del för C är uppfyllda.

### Betyget C

Eleven kan **utförligt** beskriva innebörden av centrala begrepp med hjälp av **några** representationer samt beskriva sambanden mellan begreppen. Dessutom växlar eleven **med viss säkerhet** mellan olika representationer. Eleven kan **med viss säkerhet** använda begrepp och samband mellan begrepp för att lösa matematiska problem och problemsituationer i karaktärsämnen. I arbetet hanterar eleven **flera** procedurer och löser uppgifter av standardkaraktär **med säkerhet**, både utan och med digitala verktyg.

Eleven kan formulera, analysera och lösa matematiska problem. Dessa problem inkluderar **flera** begrepp och kräver **avancerade** tolkningar. I arbetet gör eleven om realistiska problemsituationer till matematiska formuleringar genom att **välja och** tillämpa matematiska modeller. Eleven kan med **enkla** omdömen utvärdera resultatets rimlighet samt valda modeller, strategier, metoder **och alternativ till dem**.

Eleven kan föra **välgrundade** matematiska resonemang och värdera med **nyanserade** omdömen egna och andras resonemang samt skilja mellan gissningar och välgrundade påståenden. Dessutom uttrycker sig eleven **med viss säkerhet** i tal, skrift och handling **samt använder** matematiska symboler och andra representationer **med viss anpassning till syfte och situation**.

Genom att ge exempel relaterar eleven något i **några av kursens delområden** till dess betydelse inom andra ämnen, yrkesliv, samhällsliv och matematikens kulturhistoria. Dessutom kan eleven föra **välgrundade** resonemang om exemplens relevans.

**Betyget B** Betyget B innebär att kunskapskraven för C och till övervägande del för A är uppfyllda.

### Betyget A

Eleven kan **utförligt** beskriva innebörden av centrala begrepp med hjälp av **flera** representationer samt **utförligt** beskriva sambanden mellan begreppen. Dessutom växlar eleven **med säkerhet** mellan olika representationer. Eleven kan **med säkerhet** använda begrepp och samband mellan begrepp för att lösa **komplexa** matematiska problem och problemsituationer i karaktärsämnen. I arbetet hanterar eleven **flera** procedurer och löser uppgifter av standardkaraktär **med säkerhet och på ett effektivt sätt**, både utan och med digitala verktyg.

Eleven kan formulera, analysera och lösa matematiska problem av **komplex karaktär**. Dessa problem inkluderar **flera** begrepp och kräver **avancerade** tolkningar. **I problemlösning upptäcker eleven generella samband som presenteras med symbolisk algebra**. I arbetet gör eleven om realistiska problemsituationer till matematiska formuleringar genom att **välja, tillämpa och anpassa** matematiska modeller. Eleven kan med **nyanserade** omdömen utvärdera resultatets rimlighet samt valda modeller, strategier, metoder **och alternativ till dem**.

Eleven kan föra **välgrundade och nyanserade** matematiska resonemang, värdera med **nyanserade** omdömen **och vidareutveckla** egna och andras resonemang samt skilja mellan gissningar och välgrundade påståenden. Dessutom uttrycker sig eleven **med säkerhet** i tal, skrift och i handling **samt använder** matematiska symboler och andra representationer **med god anpassning till syfte och situation**.

Genom att ge exempel relaterar eleven något i **några av kursens delområden** till dess betydelse inom andra ämnen, yrkesliv, samhällsliv och matematikens kulturhistoria. Dessutom kan eleven föra **välgrundade och nyanserade** resonemang om exemplens relevans.

## Centralt innehåll Matematik kurs 2b

*Undervisningen i kursen ska behandla följande centrala innehåll:*

### Taluppfattning, aritmetik och algebra

- T1** Metoder för beräkningar vid budgetering.
- T2** Metoder för beräkningar med potenser med rationella exponenter.
- T4** Hantering av kvadrerings- och konjugatregeln i samband med ekvationslösning.
- T5** Råta linjens ekvation samt hur analytisk geometri binder ihop geometriska och algebraiska begrepp.
- T7** Algebraiska och grafiska metoder för att lösa exponential- och andragradsekvationer samt linjära ekvationssystem.
- T9** Begreppet logaritm i samband med lösning av exponentialekvationer.
- T10** Begreppet linjärt ekvationssystem.
- T11** Utvidgning av talområdet genom introduktion av begreppet komplext tal i samband med lösning av andragradsekvationer.

### Geometri

- G3** Användning av grundläggande klassiska satser i geometri om likformighet, kongruens och vinklar.

### Samband och förändring

- F3** Konstruktion av grafer till funktioner samt bestämning av funktionsvärde och nollställe, med och utan digitala verktyg.
- F5** Egenskaper hos andragradsfunktioner.

### Sannolikhet och statistik

- S1** Statistiska metoder för rapportering av observationer och mätdata från undersökningar, inklusive regressionsanalys.
- S2** Orientering och resonemang kring korrelation och kausalitet.
- S3** Metoder för beräkning av olika lägesmått och spridningsmått inklusive standardavvikelse.
- S4** Egenskaper hos normalfördelat material.

### Problemlösning

- P1** Strategier för matematisk problemlösning inklusive användning av digitala medier och verktyg.
- P3** Matematiska problem av betydelse för samhällsliv och tillämpningar i andra ämnen.
- P4** Matematiska problem med anknytning till matematikens kulturhistoria.

# Bedömningsformulär

Elev: \_\_\_\_\_ Klass: \_\_\_\_\_ Provbetyg: \_\_\_\_\_

Del	Uppg. Poäng	Förmåga och nivå											
		E				C				A			
		B	P	PM	RK	B	P	PM	RK	B	P	PM	RK
Del I	1a												
	1b												
	2												
	3a												
	3b												
	3c												
	4												
	5												
	6												
	7a												
7b													
8a													
8b_1													
8b_2													
8c													
9a													
9b													
10a													
10b													
Del II	11_1												
	11_2												
	12a_1												
	12a_2												
	12b_1												
	12b_2												
	13a_1												
	13a_2												
	13b_1												
	13b_2												
	13b_3												
	13b_4												
	14_1												
	14_2												
15_1													
15_2													
15_3													
15_4													

Del	Uppg. Poäng	Förmåga och nivå											
		E				C				A			
		B	P	PM	RK	B	P	PM	RK	B	P	PM	RK
Del III	16_1												
	16_2												
	17_1												
	17_2												
	17_3												
	18_1												
	18_2												
	19a												
	19b_1												
	19b_2												
	19c												
	19d_1												
	19d_2												
	20a_1												
	20a_2												
	20b_1												
	20b_2												
	20b_3												
	21_1												
	21_2												
21_3													
22a													
22b_1													
22b_2													
23a_1													
23a_2													
23a_3													
23b_1													
23b_2													
23b_3													
23b_4													
Muntlig del	M_1												
	M_2												
	M_3												
	M_4												
	M_5												
	M_6												
	M_7												
Total													
Σ													